

تمهيد:

يعتبر الاستنتاج او الاستدلال الاحصائي محور علم الإحصاء بمفهومه الحديث. وعند دراسة مجتمع ما، قلما نستطيع جمع بيانات عن كل مفرداته، وذلك لاعتبارات منها: طبيعة المجتمع، التكلفة، الجهد والوقت. عندئذ نقوم بدراسة عينة من هذا المجتمع، والمعلومات التي نحصل عليها من العينة نستنتج منها خصائص ومعلم المجتمع ككل. وتسمى عملية التعميم من العينة الى المجتمع او من الجزء الى الكل بالاستنتاج الاحصائي. ويوجد نوعان من الاستنتاج الاحصائي وهما التقدير، واختبارات الفروض ويعتمد الاستنتاج الاحصائي اعتمادا كبيرا على نظرية الاحتمالات، فباستخدامها يستطيع الباحث او متخذ القرار تحديد احتمال الخطأ الممكن الوقوع فيه نتيجة دراسة الجزء بدلا من الكل.

2/تعريف ومصطلحات

2-1 / الإحصاء الاستدلالي:

هو فرع من فروع الإحصاء يشمل كل الأساليب الإحصائية والنظريات القائمة عليها وتطبيقاتها العملية المستخدمة لتحليل البيانات (المعلومات) التي نحصل عليها من العينة، وذلك للاستنتاج او الاستدلال عن معالم وخواص المجتمع التي سحبت منه العينة وتكون هذه الاستنتاجات على شكل تقديرات او اختبارا فروض واتخاذ قرارات. (نجاة رشيد الكيخيا، 2007).

2-2 / المجتمع:

>> يعرف المجتمع الاحصائي بانه مجموعة كل البيانات (القيم) الخاصة بالظاهرة محل الدراسة والمجمعة من كل المفردات المقصودة بهذه الدراسة << (نجاة رشيد الكيخيا، 2007، صفحة 19).

والمفردات في أي دراسة إحصائية، قد تكون أشخاصا او حيوانات او أشياء جامدة، او سنوات، او أشياء اعتبارية كنشاطات او جمعيات. وقد يكون المجتمع محدودا، أي نستطيع تحديد العدد الكلي لقيمه، أي العدد الكلي لمفرداته (عدد القيم هو نفسه عدد المفردات). وقد يكون غير محدود (لا نهائي)، أي ان العدد الكلي لمفرداته كبير جدا لا يمكن تحديده او حصره. ويرمز له N

2-3 / المعلمة:

>> هي أي مقياس احصائي تحسب قيمته من بيانات المجتمع ككل بدون استثناء، ونستخدمه لوصف المجتمع محل الدراسة وتحديد معالمه، وبالتالي يطلق عليه معلمة << (نجاة رشيد الكيخيا، 2007، صفحة 24).

ومن المعالم أي المقاييس التي تصف لنا المجتمع، هي مقاييس النزعة المركزية (الوسط الحسابي، الوسيط، المنوال)، او مقاييس التشتت (التباين، الانحراف المعياري)، او مقاييس الالتواء والتفلطح او أكبر قيمة او أصغر قيمة او أي مقاييس إحصائية أخرى تحسب من المجتمع. والمعلمة عبارة عن قيمة ثابتة لا تتغير، لأنها تحسب من المجتمع محل الدراسة، والمجتمع ثابت لا يتغير

اثناء اجراء الدراسة، ولذلك يطلق على المعالم أحيانا الثوابت الإحصائية. وعادة تستخدم الحروف اليونانية للتعبير عن المعالم، فيرمز للوسط الحسابي للمجتمع μ (ميو) و لتباين المجتمع بالرمز σ^2 (سيجما تربيع) وللانحراف المعياري للمجتمع بالرمز σ وهكذا ...

2-4/ العينة:

>> هي جزء من يسحب من المجتمع محل الدراسة، وذلك لغرض دراسة المجتمع من خلالها، لان دراسة المجتمع ككل غير ممكنة او غير مرغوب فيها<< (نجة رشيد الكيخيا، 2007، صفحة 25).

في أي دراسة إحصائية، يجب ان يكون الهدف هو دراسة المجتمع ككل وليس دراسة العينة، ولكن نستخدم العينة لأننا في اغلب الدراسات لا نستطيع ان نجمع بيانات كل مفردات المجتمع محل الدراسة، وذلك للأسباب التالية:

1/ إذا كان حجم المجتمع محل الدراسة كبير جدا، وكانت امكانات البحث المادية محدودة ولا تسمح له بجمع البيانات عن كل مفردة من مفردات المجتمع.

2/ إذا كان حجم المجتمع لا نهائي أي من المستحيل دراسته ككل، وذلك كمجتمع الأسماك التي تعيش في البحر المتوسط، فمن المستحيل ان ندرس كل سمكة في هذا البحر.

3/ إذا كانت دراسة المجتمع ككل تؤدي الى تلف المجتمع بأكمله، وذلك مثل دراسة الخاصة بصلاحية البيض، فالمجتمع في هذه الدراسة هو البيض، والمفردة عي البيضة ودراسة المجتمع ككل تعني فحص كل بيضة، أي كسر البيض جميعه وهذا يؤدي الى للقضاء على البيض كله، أي اتلاف المجتمع كله.

4/ إذا كان المجتمع محل الدراسة متجانسا، أي ان جميع مفرداته تتمتع بنفس الخواص، ففي هذه الحالة نجد ان دراسة المجتمع ككل، هي مضيعة للجهد والمال والوقت، فمثلا اختبار قطعة من قماش متجانس تكفي لاختبار القماش كله.

1-4-2 / العينة العشوائية البسيطة:

>> العينة ($x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$) التي تحتوي على n من المفردات و المسحوبة من مجتمع ما، تكون

عين عشوائية بسيطة اذا كانت كل العينات ذات الحجم n الممكن سحبها من هذا المجتمع لها نفس فرضية الاختبار << (نجة رشيد الكيخيا، 2007، صفحة 27).

والعينة يمكن سحبها مع الارجاع او مع عدم الارجاع وتوجد أساليب رياضية تساعدنا في تحديد العدد الكلي للعينات

ذات الحجم n التي يمكن سحبها من مجتمع محدود حجمه N .

2-5 / الاحصاء:

>> هي أي مقياس احصائي تحسب قيمته من العينة المسحوبة من المجتمع محل الدراسة <<.

فمثلا الوسط الحسابي للعينة عبارة عن احصاء ويرمز له \bar{x} وتباين العينة عبارة عن احصاء ويرمز له s^2 وهكذا ...

حيث ان قيمة الاحصاء تعتمد على العينة المسحوبة، و بما اننا نستطيع ان نسحب أكثر من عينة من المجتمع فنجد ان قيمة

الاحصاء ستتغير من عينة الى أخرى و بالتالي فان ان الاحصاء عبارة عن متغير، وهذا هو الفرق الجوهرى بين المعلمة و

الاحصاء، فالمعلمة ثابتة بينما الاحصاء عبارة عن متغير.

2-6 / القيمة الحرجة: وهي القيمة التي تفصل بين منطقة الرفض ومنطقة القبول.

جدول رقم (4) يمثل بعض الرموز المستخدمة في الإحصاء (سالم عيسى بدر، 2009، صفحة 14)

المتباين	النسبة	معامل الارتباط	الانحراف المعياري	الوسط الحسابي	
S^2	p	r	s	\bar{x}	معلمة المجتمع
σ^2	π	ρ	σ	μ	احصائي العينة

3/ الإستهتاج الإحصائي:

يوجد نوعان للإستهتاج الإحصائي هما:

3-1/ التقدير:

في هذا النوع نستدل على أو نستنتج معلمة من معالم المجتمع عن طريق تقديرها بإحصائية محسوبة من المعلومات التي توفرها العينة، ونستخدم قيمة هذه الإحصائية في تقدير المعلمة مباشرة، ويسمى هذا النوع من التقدير تقدير قيمة أو تقدير نقطة، أو نستخدم الإحصائية لإنشاء فترة نعتقد وقوع المعلمة المحهولة بداخلها بدرجة ثقة معينة، ويسمى هذا النوع بتقدير الفترة.

3-2/ اختبار الفروض:

في هذا النوع من الإستهتاج نستخدم إحصائية يطلق عليها إحصائية اختبار، لاختبار صحة فرض معين نضعه حول معلمة من معالم المجتمع محل الدراسة. ويجب الانتباه الى اننا لا نحتاج للإستهتاج الإحصائي الا إذا كانت بيانات المجتمع مجهولة، وبالتالي نستنتج معالم المجتمع باستخدام بيانات العينة، اما إذا كانت كل بيانات المجتمع متوافرة فنستطيع حساب القيم الحقيقية لمعلمه باستخدام الإحصاء الوصفي، ولا نحتاج لتطبيق أي طريقة إحصائية خاصة بالإستهتاج الإحصائي. وتنقسم اختبارات الفروض الإحصائية الى قسمين:

3-2-1/ اختبار الفروض اللامعلمية (اللابارامترية):

الإحصاء اللابارامترية هو أحد أنواع الأساليب الإحصائية الاستدلالية التي لا تتقيد بالشروط التي يجب توافرها لاستخدام الإحصاء البارامترية فهو يتحرر من التوزيع الاعتدالي للمجتمع الأصلي الذي سحبت منه العينة كما يتحرر من حجم العينة فهو يصلح للعينات الصغيرة والصغيرة جدا لان حجم العينة يؤثر على خصائص التوزيع التكراري لهذه العينة. ومن مميزات سهولة وسرعة تطبيقه و لا يتطلب الا المستويات الدنيا للقياس (الاسمي و الرتبي) ويؤخذ على عليها بانها اقل كفاءة ودقة من نظيرتها الاختبارات البارامترية. (عبد المنعم احمد، 2005، الصفحات 36-37)

3-2-1-1 / المستوى الاسمي:

يعبر فيه عن المتغير بصفات فهو بالتالي نوعي ويساعد على التمييز فقط كالجنس ولون العينين... الخ. في هذا المستوى يمكن أن تعطي للصفات أرقاماً غير أن هذه الأرقام لا تسمح بإجراء عمليات حسابية عليها مثل أرقام الولايات أو قاعات التدريس... الخ. (عبد الكريم بوحفص، 2011، صفحة 17)

3-2-1-2 / المستوى الرتبي:

يعبر فيه عن المتغير برتب بحيث ترتب القياسات تصاعدياً أو تنازلياً، في هذا المستوى تؤدي الأرقام دور التمييز لكنها أكثر دقة من المستوى الاسمي فهي تعطي فكرة عن موقع الفرد بالنسبة لباقي الافراد. (عبد الكريم بوحفص، 2011) مثل ترتيب عدائين في سباق 100م فنحصل على ترتيب العدائين. المرتبة الأولى المرتبة الثانية... المرتبة الأخيرة.

3-2-2 / اختبار الفروض المعلمية (البارامترية):

هو أحد أنواع الأساليب الإحصائية الاستدلالية التي تهتم بالكشف والاستدلال عن المجتمع اعتماداً على ما توفر من بيانات لدى الباحث خاصة بالعينة المأخوذة من المجتمع، كما تتناول أساليب اتخاذ القرارات الإحصائية، ويستخدم في العينات الكبيرة التي يشترط فيها توفر معلومات عن مجتمعاتها (معلمات الاصل) مثل: التوزيع الاعتمالي، تجانس التباين، العينات العشوائية، استقلال العينات وغيرها. ويستخدم مع بيانات النسبة او المسافة. ويعد الإحصاء البارامترى ادق وأكثر كفاءة من الإحصاء الل-ابارامترى. (عبد المنعم احمد، 2005، الصفحات 35-36)

-وهي البيانات التي تفترض بمعرفتها بخصائص وصفات المجتمع بحيث يمكن للباحث من الاستدلال بشكل أفضل. هذه

-البيانات غالباً ما يمكن قياسها مثلاً (الحجم، الطول والوزن) ويتم الحصول عليها من التجارب والاختبارات

3-2-2-1 / مستوى المسافة:

يعبر فيه عن المتغير بقيمة عددية ويفترض ان المسافة بين القيمة والقيمة التي تليها متساوية. اغلب المتغيرات تقاس عند هذا المستوى. كما أن الصفر فيه قيمة غير حقيقي بل هو افتراضي. أي انه لا يعبر عن غياب الظاهرة فمثلاً الطالب الذي يحصل على درجة الصفر في مقياس الإحصاء لا يعني ان هذا الطالب ليست له معلومات عن وحدة الإحصاء المدرسة. (عبد الكريم بوحفص، 2011).

3-2-2-2 / مستوى النسبة:

يتعلق القياس في هذا المستوى من الصفر الحقيقي الذي يشير الى انعدام الظاهرة المدروسة. كغياب النيوتن في دم الرياضي. تستخدم في هذا المستوى والمستوى الذي سبقه كل العمليات الحسابية ويمكن ان تستخدم النسبة كذلك. فهو أدق مستويات القياس. (عبد الكريم بوحفص، 2011).

4 / الفرق بين الإحصاء البارامترى اللابارامترى: (عبد الرحمن عيسوي، 1998، صفحة 72)

يمكن أن نفرق بينهم وفقاً للأسس التالية:

- 1 . طبيعة البيانات المستخدمة عند القياس.
- 2 . عدد المتغيرات التابعة والمستقلة.
- 3 . طرق المعاينة.
- 4 . طبيعة المجتمع الأصلي.
- 5 . عامل الوقت.
- 6 . الكفاءة الإحصائية.

5 / فحص الاختبار الاحصائي:

* ويتم فحص الاختبار الاحصائي من خلال أربع خطوات:

1-5 / جمع البيانات الإحصائية:

قبل الشروع في اختبار الفروض يجب على الباحث ان يتبين طبيعة البيانات هل هي كيفية (اسمية، رتبية) كمية (فترية، نسبية) ثم نراعي حجم العينة وذلك لتحديد نوع الاختبارات (معلمية، لامعلمية)

2-5 / صياغة الفرضيات:

1-2-5 / الفرضية الصفرية H_0 :

وتشير الى عدم وجود فروق من متوسطات مجموعتين او عدم وجود ارتباط بين مجموعتين.

2-2-5 / الفرضية البديلة H_1 :

إجابة وحل للفرضية الصفرية H_0 حيث يتوقع الباحث وجود فروق بين مجموعتين في حالة الاختبار بمخرجين ولصالح مجموعة معينة في حالة الاختبار بمخرج واحد.

* كل فرضية صفرية تقابلها فرضية بديلة واحدة والفرضيات البديلة الممكنة ثلاث:

$H_1 : \mu_1 \neq \mu_2$: فرضية بديلة بمخرجين او حدين (one-tailed test)

$H_1 : \mu_1 > \mu_2$: فرضية بديلة بمخرج واحد لصالح المجموعة الأولى (two-tailed test)

$H_1 : \mu_1 < \mu_2$: فرضية بديلة بمخرج واحد لصالح المجموعة الثانية (two-tailed test)

3-5 / دلالة الاختبار:

هي دلالة إحصائية تساعد الباحث على الخروج بنتائج واتخاذ قرار بقبول H_0 و رفض H_1 و قبول H_1 و رفض H_0 بمستوى خطأ مقبول هو عادة 5 أخطاء في المائة 0.05 او خطأ في المائة 0.01 او خطأ في الالف 0.001 و هو المستوى الأكثر دقة في القياس.

4-5 / القرار الاحصائي:

يقسم مجال متغير دلالة الاختبار الى مجالين (منطقتين) تسمى احدهما بمنطقة الرفض والمنطقة الثانية منطقة القبول. وبناءً

على ذلك يكون القرار الاحصائي برفض الفرض الصفري إذا وقعت قيمة دلالة الاختبار في منطقة الرفض ويكون عدم رفض

الفرض الصفري اذا وقعت في منطقة القبول.

• أنواع الأخطاء : الخطأ من النوع α

الخطأ من النوع β

أي قرار احصائي يمكن ينتج عنه نوعان من الخطأ:

H_0		القرار
H_0 صحيح	H_0 غير صحيح	
قرار سليم	خطأ من النوع β	قبول H_0
خطأ من النوع α	قرار سليم	رفض H_0

6 / تحديد القيمة الحرجة:

في اختبار الفرضيات الإحصائية لابد من تحديد معيار تقبل او نرفض على أساسه الفرضية الصفرية ويتحدد ذلك بمعرفة

ما إذا كانت القيمة الحرجة تقع في منطقة القبول (بمجال الثقة) او في منطقة الرفض.

7 / تنبيه:

في اختبار المتوسطات نستخدم التوزيع المعياري الطبيعي وتحديد القيمة الحرجة على أساس درجة الحرية وعدد مخارج

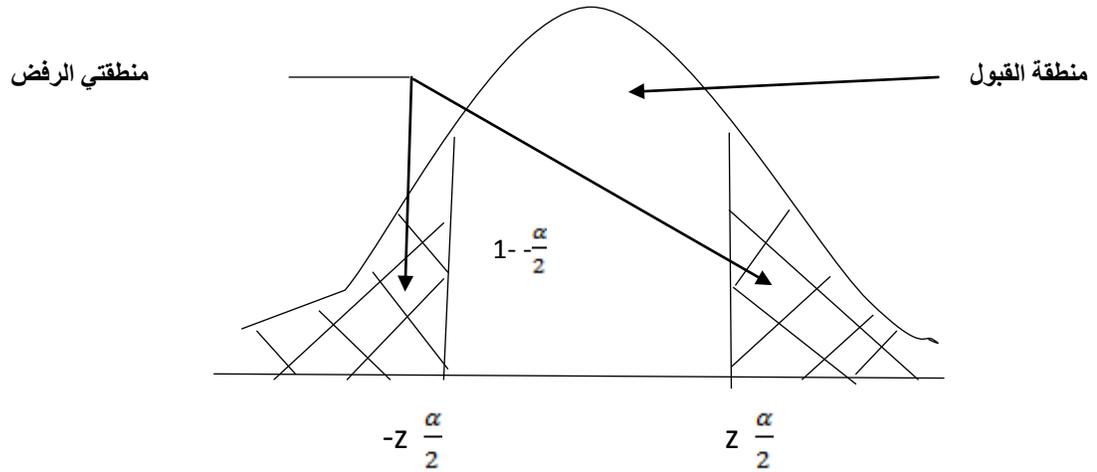
الاختبار و مستوى الثقة α . ويتم تقسيم مجال الثقة الى منطقتين:

1-7 / منطقة القبول: حيث يتم قبول الفرض الصفري و يكون احتمال حدوث قيم الاحصاءة $(1-\alpha)$ كبير
 %95 $(1-0.05)$ أو %99 $(1-0.01)$.

2-7 / منطقة الرفض: حيث يتم رفض فرض العدم و قبول الفرض البديل و يكون احتمال حدوث قيم الاحصاءة
 (α) صغير و الاشكال التالية يمكن من خلالها توضيح مناطق الرفض و القبول و ذلك حسب نوع الفرض البديل وسوف نوضح
 ذلك باستخدام متوسط المجتمع μ كالتالي:

1-2-7 / أ / الاختبار ذو حدين: $H_0 : \mu_1 = \mu_2$

$H_1 : \mu_1 \neq \mu_2$



2-2-7 / ب / الاختبار ذو حد واحد (مخرج واحد):

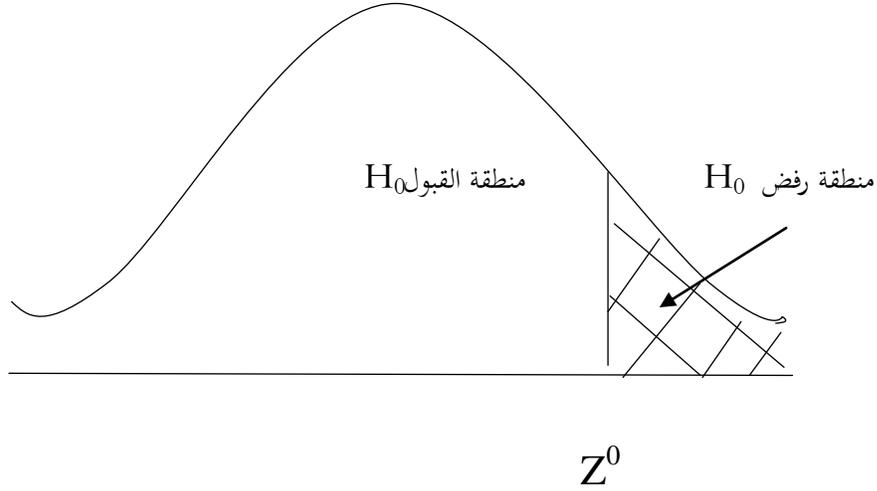
3-7 / في حالة الفرضية البديلة ذات الحد الأعلى:

$H_0 : \mu_1 = \mu_2$

$H_1 : \mu_1 > \mu_2$

منطقة واحدة الى يمين المنحنى

نرفض H_0 إذا كان $Z > Z^0$ حيث تحدد القيمة الحرجة بتحديد القيمة Z^0 المقابلة للمساحة $1 - \alpha$

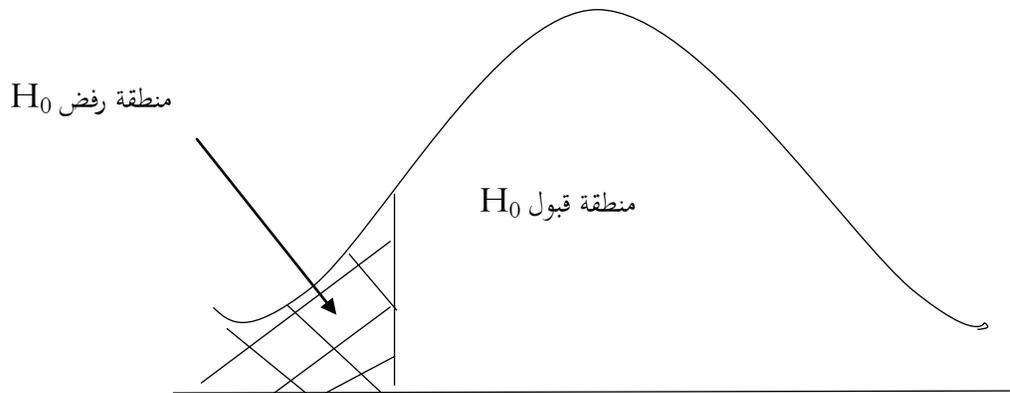


4-7 / في حالة الفرضية البديلة ذات الحد الأدنى:

$$\left. \begin{array}{l} H_0 : \mu_1 = \mu_2 \\ H_1 : \mu_1 < \mu_2 \end{array} \right\} \text{منطقة واحدة لرفض الى يسار المنحنى}$$

نرفض H_0 إذا كان $Z < Z^0$ حيث تحدد القيمة الحرجة وهي نفس المساحة للفرضية ذات الحد الأعلى ولكن بإشارة سالبة

$$Z^0 = -(1-\alpha)$$



$$Z^0$$

8 خطوات الاختبار الاحصائي: (احمد عودة و منصور بن عبد الرحمن، 2006)

يمكن تلخيص خطوات الاختبار الاحصائي فيما يلي:

- 1/ تحديد فرض العدم H_0 والذي يأخذ عادة شكل معادلة او مساواة (وهو ما يتعلق بمعلمات المجتمع).
- 2/ وضع او تحديد الفرض البديل والذي يأخذ أحد اشكال ثلاثة: ام لا يساوي، أكبر من او اقل من وهو الذي يحدد نوع الاختبار المستخدم اما اختبار ذو طرفي ن او اختبار ذو طرفي ايمن او اختبار ذو طرف ايسر على التوالي.
- 3/ حساب احصاءة الاختبار: مثل اختبار Z او اختبار T او غيرها.
- 4/ تحديد مستوى المعنوية α .
- 5/ تحديد المنطقي الحرجة (منطقة الرفض والمتبقي هو منطقة القبول) وذلك بتحديد قيم Z او t المعيارية او الجدولية التي بناءا عليها نحدد المنطقة الحرجة منطقة الرفض، زكما ذكرنا سابقا فان الفرض البديل هو الذي يحدد موقع منطقة الرفض طرفين او طرف ايمن او طرف ايسر.
- 6/ اتخاذ القرار الاحصائي وذلك بمقارنة قيم Z او قيم T الحسابية بقيمهما الجدولية فاذا وقعت Z او T في منطقة الرفض فان القرار هو رفض فرض العدم و قبول الفرض البديل اما اذا وقعت Z او T الحسابية في منطقة القبول فان القرار هو قبول فرض العدم و رفض الفرض البديل.

اختبار الفروض حول متوسط المجتمع

1/ اختبار الفرضية حول متوسط مجتمع واحد معلوم التباين (استخدام اختبار Z)

نستخدم في هذه الحالة الاختبار الاحصائي Z الذي يعطى بالعلاقة:

$$Z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

مثال:

ترغب احدى المدارس بفحص فيما اذا كان معدل الكوليسترول لدى طلبتها يختلف عن المعدل الوطني الذي يبلغ 190 و انحرافه المعياري $\sigma = 15$ فقامت باختبار عينة عشوائية حجمها 100 طالب ووجدت ان معدل الكوليسترول \bar{x} لديهم يساوي 198 فهل يختلف معدل الكوليسترول في هذه المدرسة عن المستوى الوطني عند مستوى دلالة $\alpha = 0.05$.

الحل:

1/ صياغة الفرضيات:

$H_0 : \mu = 190$ - الفرضية الصفرية:

$H_1 : \mu \neq 190$ - الفرضية البديلة:

2/ حساب قيمة Z

$$Z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \frac{198 - 190}{\frac{15}{\sqrt{100}}} = 5.33$$

3/ حساب القيمة الحرجة: بما ان الفرضية غير موجهة فهي ذات مخرجين فان المساحة المحددة للقيمة الحرجة تكون كالتالي:

$$Z^0 = 1 - \frac{\alpha}{2} = 0.975$$

وبما ان التوزيع الطبيعي المعياري متناظر حول المتوسط فننا نطرح من القيمة الأخيرة 0.5 فتكون النتيجة كالآتي:

$$0.975 - 0.5 = 0.475$$

من الجدول نلاحظ ان هذه المساحة تقابل الدرجة المعيارية $Z^0 = 1.96$

4/ القرار الاحصائي:

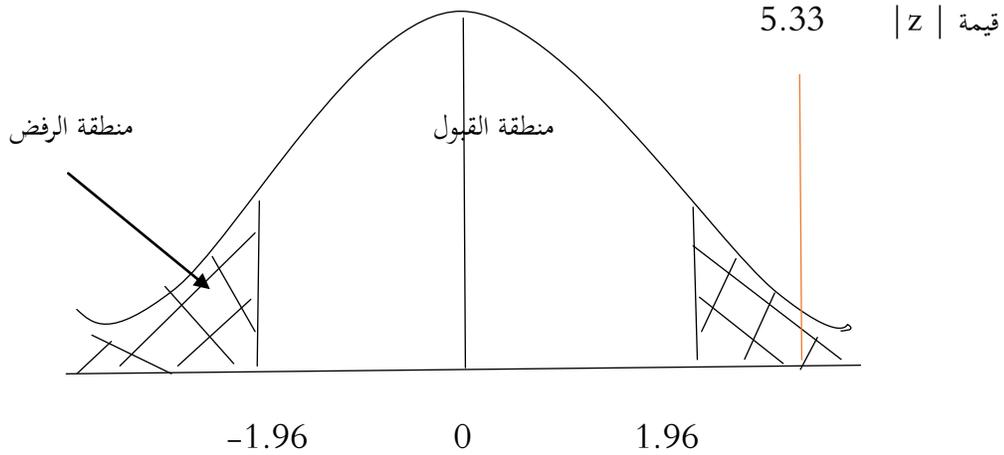
* نرفض الفرضية الصفرية H_0 اذا تحقق شرط $|Z| > Z^0$

* نلاحظ في هذه الحالة ان القيمة المطلقة لـ Z اكبر من الدرجة الحرجة و بالتالي فالفرضية تقع في منطقة الرفض

$$|Z| > Z^0 \iff |5.33| > 1.96$$

ومنه نرفض الفرض الصفرية H_0 وبالتالي نقول ان معدل الكوليسترول في هذه المدرسة يختلف عن المستوى الوطني عند مستوى

دلالة $\alpha = 0.05$.



تذكير:

• الفرضية غير موجهة (ذات مخرجين) فان المساحة المحددة للقيمة الحرجة تكون كالتالي: $Z^0 = 1 - \frac{\alpha}{2}$

• الفرضية الموجهة (ذات الحد الاعلى) فان المساحة المحددة للقيمة الحرجة تكون كالتالي: $Z^0 = 1 - \alpha$

• الفرضية الموجهة (ذات الحد الأدنى) فان المساحة المحددة للقيمة الحرجة تكون كالتالي $Z^0 = - (1-\alpha)$

2/ اختبار الفرضية حول متوسط مجتمع واحد مجهول التباين (استخدام اختبار t)

نستخدم في هذه الحالة الاختبار الاحصائي t الذي يعطى بالعلاقة:

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$$

* حيث s هي الانحراف المعياري للعينة.

3/ الافتراضات الأساسية التي يقوم عليها اختبار z: (سالم عيسى بدر، 2009)

1/ العشوائية في اختيار العينة (لضمان تمثيلها للمجتمع الذي سحبت منه).

2/ التوزيع الاعتيادي - توزيع المتغير التابع (الخاصية المدروسة) في المجتمع وهو توزيع طبيعي، او ان حجم العينة $n \leq 30$.

3/ ان يكون تباين الخاصية المدروسة في المجتمع الذي سحبت منه العينة معلوما.

4/ تجانس التباين والذي يعني ان قيمة الانحراف المعياري للمجتمع بعد المعالجة هي نفسها للمجتمع قبل المعالجة.

5/ استقلالية المشاهدات (البيانات غير مترابطة بمعنى ان حدوث أي مشاهدة لا يؤثر باي شكل على المشاهدات الأخرى).

4/ تمارين:

تمرين 1:

اخذت عينة من طلبة التربية البدنية والرياضية وتتكون من 36 طالبا حيث $\sum xi = 360$ وتضع هذه القيمة الى التوزيع الطبيعي متوسطه μ وتباينه $s^2 = 9$

- اختبر الفرضية الصفرية $H_0 = 8$ مقابل الفرضية البديلة $H_1 \neq 8$ عند مستوى دلالة $\alpha = 0.001$

تمرين 2:

مصنع للمعدات الرياضية ادعى انه استطاع صناعة مضرب للتنس بمقاومة متوسطها $\mu = 6.5$ وانحراف معياري مقداره

$$s = 0.45 \text{ kg}$$

المطلوب: اختبار ادعاء المصنع مع نتائج عينة عشوائية حجمها $n = 40$ فوجد ان معدل المقاومة $\bar{x} = 6.5$ وعند مستوى

دلالة $\alpha = 0.001$

معاملات الارتباط

1/ خصائص معاملات الارتباط:

- يستخدم معامل الارتباط للتعرف على طبيعة العلاقة بين متغيرين او أكثر (طردي/عكسي)، فعندما يلاحظ تغير في المتغير X يتبعه تغير في المتغير Y
- يستخدم في اختبار صحة الفروض الارتباطية (العلائقية) سواء كانت فرضيات صفرية او فوض بديلة موجهة او غير موجهة.
- قيمة معامل الارتباط الى درجة العلاقة بين المتغيرات المستقلة والمتغيرات التابعة وليس تفسير هذه الظاهرة.
- عندما يكون معامل الارتباط مرتفع بين متغيرين (X, Y) لا يعني ان المتغير (X) سبب وجود (Y) او العكس.

2/ ملاحظة:

الخطأ الشائع الذي يقع فيه الباحثون هو تفسير معاملات الارتباط على علاقات سببية (علاقة العلة بالمعلول).

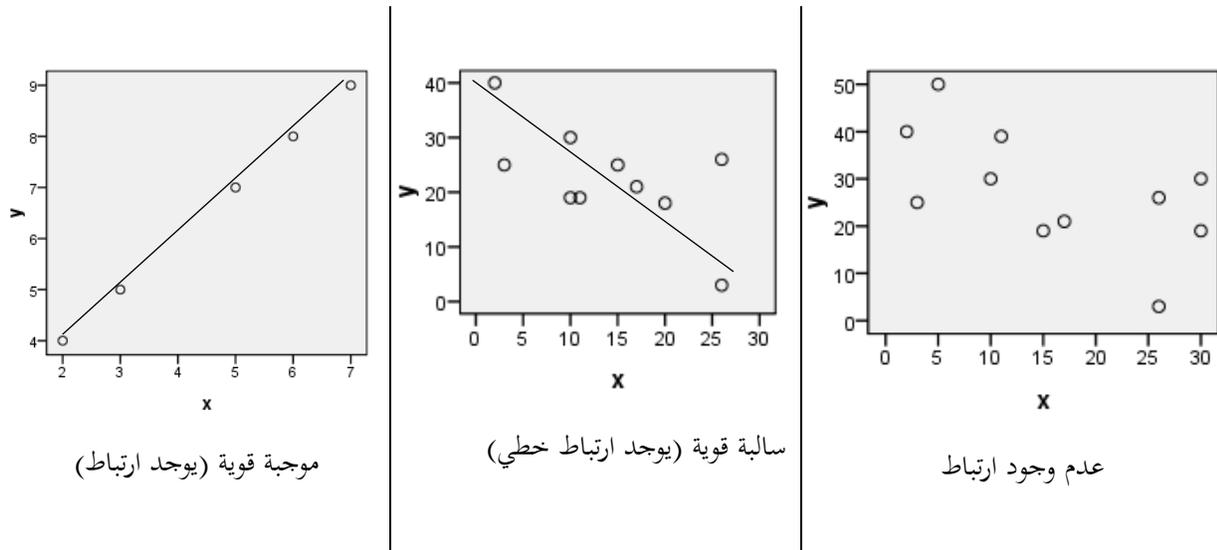
* يجب ان تكون العلاقة منطقية فمن الممكن ان تكون فناءك علاقة بين الطول والوزن، المسافة والزمن، القوة والسرعة، المراجعة والتحصيل الدراسي، القلق والثبات الانفعالي، ولكن هل من المعقول ان تكون هناك علاقة بين طول أصابع القدمين والذكاء؟ او هل هناك علاقة بين الطول والتحصيل النظري في التربية البدنية؟ ان مثل هذه العلاقة غير منطقية لأنه لا يمكن تفسير مثل هذا النوع من العلاقات واغلبها منعدم الارتباط.

* يشترط في تطبيق معامل الارتباط البسيط بين متغيرين ان تكون العلاقة بين (X, Y) خطية أي ان كل زيادة في (X) تصحبها زيادة في (Y) أو أن كل تناقص في (X) يصاحبه تناقص في (Y) ان الزيادة في (X) تتبعها نقص في (Y) أو العكس.

3/ لوحة الانتشار: للتأكد من العلاقة بين متغيرين خطية يمكن رسم لوحة الانتشار Scatter Diagramme، تمثل هذه

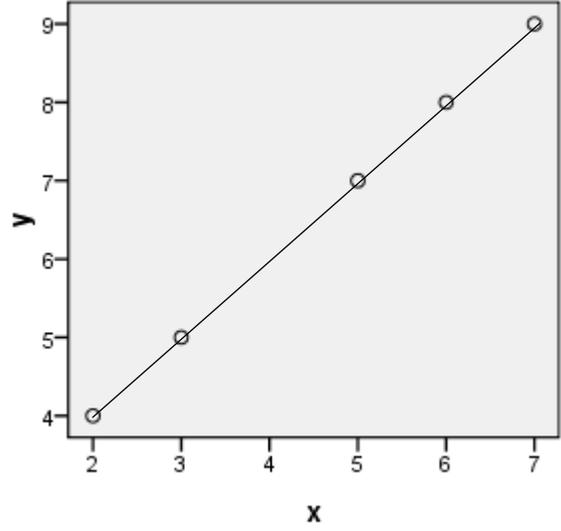
اللوحة المسافة الموجودة بين المحورين الممثلين لدرجة المتغيرين سحابة من النقاط فاذا حصلنا على سحابة تشكل خطا مستقيما ذا

اتجاه واحد نقول ان العلاقة بين المتغيرين علاقة خطية.



مثال: تحديد طبيعة وقوة الارتباط بين القلق والتحصيل الدراسي افتراض ان لدينا البيانات التالية لـ 5 افراد:

التحصيل y	القلق x	n
5	3	1
4	2	2
9	7	3
7	5	4
8	6	5



3/ تقدير القوة بين متغيرين بفضل لوحة الانتشار:

تتراوح قيمة معامل الارتباط بين 1 و -1 مرورا بالصفري.



أولاً: حساب معاملات الارتباط:

1/ معامل الارتباط البسيط بيرسون Pearson يرمز له R_p :

- يستخدم في البيانات الكمية.
- هو معامل يوجد ضمن مستوى المسافات المتساوية والنسبية
- هو اختبار بارامتري (معلمي) يعطى وفق المعادلة التالية:
-

$$R_p = \frac{n\sum(x.y) - (\sum x)(\sum y)}{\sqrt{[n\sum x^2 - (\sum x)^2][n\sum y^2 - (\sum y)^2]}}$$

حيث:

R_p معامل الارتباط:

n حجم العينة:

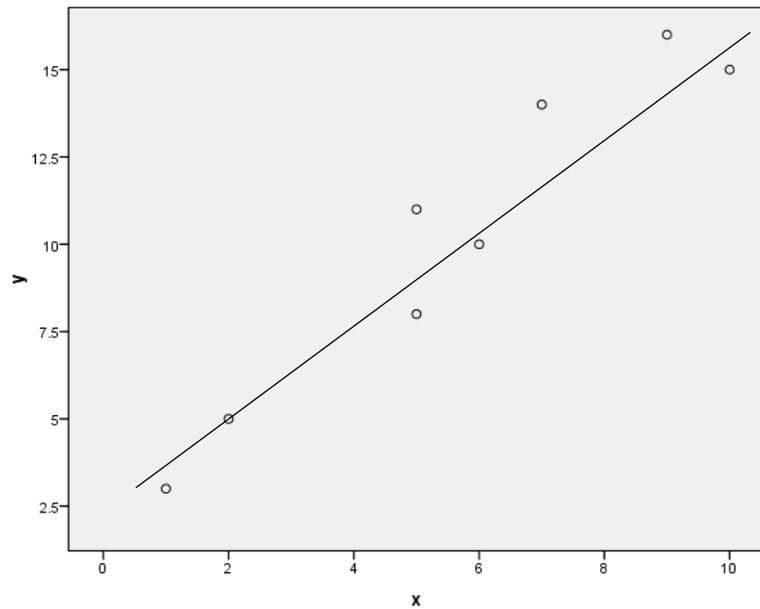
x.y متغيران:

مثال: طبق اختبار الشد الأعلى و الانبطاح المائل بثني الذراعين على 08 لاعبين و كانت درجاتهم كالاتي:

الانبطاح (y)	الشد (x)
15	10
5	2
11	5
10	6
14	7
3	1
16	9
8	5
82	$\sum 45$

الحل:

الشد (X)	الانبطاح (Y)	x.y	x^2	y^2
10	15	150	100	225
2	5	10	4	25
5	11	55	25	121
6	10	60	36	100
7	14	98	49	196
1	3	3	1	9
9	16	144	81	256
5	8	40	25	64
\sum 45	82	560	321	996



1/ لا يوجد ارتباط بين Y و X H_0 :

يوجد ارتباط بين Y و X H_1 :

2/ نوع البيانات كمية

3/ تحديد اختبار بيرسون

4/ العلاقة طردية موجبة قوية جدا

5/ حساب R_p

$$R_p = \frac{n\sum(x.y) - (\sum x)(\sum y)}{\sqrt{[n(\sum x^2) - (\sum x)^2][n(\sum y^2) - (\sum y)^2]}} = \frac{8.560 - 45.82}{\sqrt{[8.321 - 2025][8.996 - 6724]}} = 0.96$$

6/ $df : 8 - 2 = 6$

7/ $\alpha : 0.05$

8/ $R_t = 0.70$

9/ بما ان $R_c > R_t$ نرفض الفرض الصفري

خطوات اختبار الفرضيات الارتباطية:

1/ صياغة الفرض الصفري مقابل الفرض البديل.

2/ معرفة نوعية البيانات (كمية. كيفية)

3/ تحديد نوع الاختبار (بيرسون، سبيرمان).

4/ رسم لوحة الانتشار بناء على البيانات المعطاة.

5/ حساب معامل الارتباط (بيرسون، سبيرمان) بناء على علاقة الارتباط.

6/ حساب درجة الحرية **df**:

- اختبار بيرسون $df = n - 2$

$$df = n-1$$

- اختبار سبيرمان

/7 تحديد مستوى الدلالة.

/8 تحديد قيمة معامل الارتباط (R) مع الجدولية (R_t) و فق جدول الارتباط المختار وهذا بتحديد نقطة تقاطع df مع α

/9 اتخاذ القرار بقبول او رفض H_0 :

- إذا كانت $R_c > R_t$ نرفض الفرض الصفري التي تقول بعدم وجود ارتباط.

- إذا كانت $R_c < R_t$ نقبل الفرض الصفري التي قول بوجود ارتباط.

2/ تمارين:

ثانياً: معامل الارتباط سبيرمان Spearman الرتبي:

أحياناً تكون بيانات الظاهرتين أو احدهما بيانات غير كمية لكنها ذات طبيعة ترتيبية مثل تقديرات الطلاب في اختبار معين (A.B.C...) أو تكون البيانات كمية لا تتوفر فيها بعض الخصائص المطلوبة فلجأ حينئذ لاستبدال قيم البيانات بترتيبها ونستخدم ما يسمى بمعامل ارتباط الرتب سبيرمان Spearman حيث يرمز له R_s ويكون حسابه من خلال الخطوات التالية:

1/ نرتب بيانات الظاهرتين في موقعيهما حسب الترتيب التصاعدي ونسمي هذه رتب القيم

$$EX : A^8 . A^7 . B^6 . B^5 . B^4 . C^3 . C^2 . F^1$$

2/ نحسب فروق الرتب ومجموع مربعاتها فيكون معامل ارتباط الرتب:

$$R_s = 1 - \frac{6 \sum d^2}{n(n^2 - 1)}$$

حيث: R_s : معامل ارتباط الرتب

d^2 : مربع الفروق بين رتب نفس الفرد على المتغيرين X.Y

n : عدد افراد العينة

1 و 6 : ثابتان لا يتغيران

ملاحظة:

- تعطى الرتبة 1 الى أضعف قيمة.
- إذا وجدت مفردتان أو أكثر لهما نفس القيمة فإننا رتبتهن تكون متوسط الرتب التي سيأخذونها لو لم تكن لهم نفس القيمة.

- لمعامل سبيرمان نفس الخواص السابقة لمعامل بيرسون.

- درجة الحرية: $df = n - 1$

مثال:

البيانات التالية توضح تقدير عينة من 08 رياضيين فيما يخص رتبة الرياضي وتقدير الذات:

x	y
A	80
F	90
B	60
B	60
C	80
C	70
A	90
B	60
8	

الحل:

x	y	رتبة x	رتبة y	d	d ²
A	80	7.5	5.5	2	4
F	90	1	7.5	-6.5	42.25
B	60	5	2	3	9
B	60	5	2	3	9
C	80	2.5	5.5	-3	9
C	70	2.5	4	1.5	2.25
A	90	7.5	7.5	0	0
B	60	5	2	3	9

8				0	84.5
---	--	--	--	---	------

$$R_S = 1 - \frac{6\sum d^2}{n(n^2-1)} = 1 - \frac{6 \cdot 84.5}{8(8^2-1)} = -0.006$$

ومنه الارتباط عكسي ضعيف جدا

1/ تحويل البيانات الكمية الى رتب: سبق وذكرنا ان من شروط استخدام معامل ارتباط سبيرمان ان لا توجد تكرارات كثيرة في الرتب. من هذه الملاحظة تعترضنا حالتين:

1-1/ ان لا توجد تكرارات في الرتب: في تحويل البيانات الكمية الى رتب تعطى الرتبة 01 الى اضعف القيم الكمية وبتصاعد في ترتيب القيم الكمية حتى نصل الى اعلى درجة كمية في الترتيب.

البيانات الكمية للمتغير x : 19—10—8—12—14—16

ترتيب قيم المتغير x : 6—2—1—3—4—5

1-2/ حالة البيانات المتكررة: في حالة تكرار مجموعة من القيم فإننا نحسب المتوسط الحسابي لرتب هذه القيم

البيانات الكمية x : 4—8—8—8—12—12—19—20

رتب x : 1—3—3—3—5.5—5.5—7—8

$$\frac{2+3+4}{3} = 3 \quad \frac{5+6}{2} = 5.5$$

2/ الانحدار (التنبؤ)

1-2/ تعريف: يتمثل التنبؤ في تقدير قيمة متغير (X) اعتمادا على نتائج متغير ثاني (Y) له علاقة بالمتغير الأول.

- يتم التنبؤ على أساس وجود ارتباط بين المتغير المتنبأ به والمتغير الآخر.
- ترتفع قيمة التنبؤ كلما رادت قوة الارتباط بين المتغيرين.
- يتم التنبؤ من خلال معادلة رياضية تربط بين متغيرين تعرف باسم معادلة الانحدار معللة بالخطأ المعياري للتنبؤ.

2-2/ معادلة خط الانحدار:

$$y = A + B(x) \quad \text{مثل التنبؤ للمتغير (Y)}$$

حيث A, B تسمى ثوابت التنبؤ

A : هي نقطة تقاطع الخط الموجود في سحابة الانتشار و الذي يمر بجميع النقاط مع محور الترتيب (Y)

$$A = \bar{y} - B(\bar{x}) \quad \text{الجزء المقطوع من محور (Y) ويحسب من المعادلة}$$

B = مدى ارتفاع الخط البياني (ميل خط الانحدار) في كل مرة تزيد فيها وحدة للمتغيرين x,y ويحسب بالمعادلة :

$$\frac{sy}{sx} \cdot r$$



حل معادلة الانحدار نحسب أولاً الثابت B ولحساب هذا المعامل نحتاج إلى حساب الانحراف المعياري للمتغير X أو SX و كذلك الانحراف المعياري Y أي SY و R معامل الارتباط . ثم نحسب معادلة التنبؤ بالخطأ المعياري للتنبؤ لان المعادلة مبنية على انحراف النقاط على الخطأ الموجود في وسط سحابة الانتشار.

$$s_{xy} = s_y - \sqrt{1 - r^2}$$

يعطى الخطأ المعياري للتنبؤ بالمعادلة:

حيث s_{xy} : الخطأ المعياري للتنبؤ

s_y : الانحراف المعياري لـ y

r : معامل الارتباط

مثال: تحصل محمد على العلامة 14 في مقياس الإحصاء الاستدلالي ولم يجز امتحان مادة spss كم تكون علامته في هذا المقياس

$$r = 0.90 / \bar{y} = 12 / \bar{x} = 10 / s_y = 2 / s_x = 2$$

علما ان :

الحل:

$$y^* = y \pm s_{yx}$$

أولاً: نكتب معادلة التنبؤ بالخطأ المعياري

$$B = \frac{s_y}{s_x} \cdot r = \frac{2}{2} \cdot 0.90 = 0.90$$

ثانياً: نحسب الثابت B

$$A = \bar{y} - B(\bar{x}) = 12 - 0.90(10) = 3$$

ثالثاً: نحسب الثابت A

$$Y = A + B(x) = 3 + 0.90(14) = 15.6$$

و بالتعويض في معادلة الانحدار نجد:

ومنه يأخذ الطالب في مقياس spss علامة 15.6

رابعاً: حساب الخطأ المعياري للتنبؤ حيث يمثل الخطأ المحتمل الذي يمكن ارتكابه في تقدير علامة الطالب وبحسب-2 =

$$s_{xy} = s_y - \sqrt{1 - r^2} \sqrt{1 - 0.9^2} = 0.86$$

$$y^* = 15.6 \pm 0.86$$

ومن معادلة التنبؤ مصححة بالخطأ المعياري :

الخطأ المعياري s_{yx} معادلة التنبؤ y

اختبار (ت) (T) لدراسة الفروق بين المتوسطات

1 تعريف:

اكتشف العالم البريطاني ويليام غوست التوزيع الاحتمالي (T) سنة 1908 ولم يشأ ان يذكر اسمه ونشره بإمضاء طالب (Student) كبديل مستعار لاسمه واعطى الحرف الأخير (T) كاسم للاختبار.

2 شروط استخدامه:

- 1/ ان تكون البيانات كمية (اختبار معلمي (بارامتري)).
- 2/ ان تختار العينة بطريقة عشوائية.
- 3/ ان تكون العينيتين مستقلتين (لا تتكون من نفس الافراد) ولا توجد عناصر مشتركة بينهما الا في الحالة 03.

3/ استخداماته:

- يستخدم في اختبار المتوسطات في حالة إذا لم يذكر تباين المجتمع معلوم والذي يستبدل بتباين العينة اختبار Z يشترط توافر تباين المجتمع الأصلي اما T فلا يشترط ذلك.
- يستخدم في التصميم التجريبي لأنه يبين أثر متغير مستقل على متغير تابع.
- يستخدم لدراسة الفروق بين العينة الضابطة والعينة التجريبية.
- إذا كان الفرق ذو دلالة إحصائية في هذه الحالة يمكن تعميمه على العينتين ملج الدراسة.
- يستخدم اختبار T لاختبار الفرضية الصفرية القائلة بان نتائج العينيتين متجانسة (عدم وجود فروق) مقابل الفرضية البديلة القائلة بان نتائج العينيتين غير متجانسة (يوجد فرق بين نتائج العينيتين).

ملاحظة: في اختبار T للفروق يفضل استعمال مستوى الدلالة

في الاختبار بمخرجين: 0.001 / 0.01 / 0.05

في الاختبار بمخرج واحد: 0.0005 / 0.005 / 0.025

- باعتبار ان هذه المستويات شبه متعارف عليها من طرف العلماء.

أولاً: اختبار T في حالة العينيتين المتساويتين (مستقلتين)

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{s_1^2 + s_2^2}{n}}}$$

$$df = n_1 + n_2 - 2$$

حيث:

$\bar{X}_1 - \bar{X}_2$: نطرح اصغر متوسط من أكبر متوسط

S_1 : تباين المجموعة الأولى

S_2 : تباين المجموعة الثانية

N : حجم عينة واحدة فقط

مثال:

طلب منك اختبار الفروق بين متوسطي درجات عينتين من اللاعبين في مقياس الانتباه من البيانات التالية عند مستوى الدلالة 0.05

<u>Groupe</u>	<u>Groupe 2</u>
$n = 33$	$n = 33$
$\bar{x}_1 = 15.81$	$\bar{x}_2 = 23.23$
$s_1^2 = 13.10$	$s_2^2 = 6.86$

الحل:

1/ تحديد المشكل: هل توجد فرق دالة احصائيا بين العينتين في مقياس تركيز الانتباه؟

2/ صياغة الفرضيات: $H_0 : \bar{X}_1 = \bar{X}_2$

$$H_1: \bar{x}_1 \neq \bar{x}_2$$

3/ تحديد نوع الاختبار: هو اختبار T لعينيتين متساويتين عشوائيتين.

4/ حساب T :

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{s_1^2 + s_2^2}{n}}} = \frac{23.23 - 15.81}{\sqrt{\frac{6.86 + 13.10}{33}}}$$

$$T = 9.36$$

$$df = n_1 + n_2 - 2 = 33 + 33 - 2 = 64 \quad \text{5/ حساب df :}$$

$$T_t = 2 \quad \text{6/ تحديد قيمة T الجدولية: بناءً على } \alpha \text{ و } df$$

$$T_t < T_c \quad \text{7/ اتخاذ القرار: وجدنا ان}$$

$$H_0: \bar{x}_1 = \bar{x}_2 \quad \text{ومنه نرفض الفرض الصفري:}$$

$$H_1: \bar{x}_1 \neq \bar{x}_2 \quad \text{ونقبل الفرض البديل:}$$

ونقول انه توجد فروق بين متوسطي العينيتين في مقياس تركيز الانتباه.

تطبيق:

قام استاذ التربية البدنية والرياضية بمقارنة طريقتي تدريس: 1/ الطريقة الجزئية 2/ الطريقة الكلية. واختار لذلك بطريقة عشوائية عينيتين مستقلتين وتحصل على النتائج التالية:

Groupe	Groupe 2
n = 5	n = 5
$\bar{x}_1 = 6$	$\bar{x}_2 = 8$
$s_1^2 = 6.25$	$s_2^2 = 12.25$
$S_1 = 2.5$	$S_2 = 3.5$

السؤال:

بناءً على هذه المعطيات بين: هل وجد الأستاذ فروق دالة احصائياً بين طريقتي التدريس (الكلية والجزئية)؟

- اجب وفق الخطوات المنهجية الملائمة عند مستوى دلالة 0.05

الحل:

1/ تحديد المشكل: هل توجد فروق دالة احصائيا بين طريقتي التدريس (الكلية والجزئية) على عيني الدراسة؟

$$H_0: \bar{X}_1 = \bar{X}_2 \quad /2 \text{ صياغة الفرضيات:}$$

$$H_1: \bar{X}_1 \neq \bar{X}_2$$

3/ تحديد نوع الاختبار: هو اختبار T لعينتين متساويتين عشوائيتين.

4/ حساب T :

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{S_1^2 + S_2^2}{n}}} = \frac{8.6}{\sqrt{\frac{6.25 + 12.25}{5}}}$$

$$T = 1.04$$

$$df = n_1 + n_2 - 2 = 5 + 5 - 2 = 8 \quad /5 \text{ حساب df:}$$

$$T_t = 2.30 \quad /6 \text{ تحديد قيمة T الجدولية: بناءً على } \alpha \text{ و } df$$

$$T_t > T_c \quad /7 \text{ اتخاذ القرار: وجدنا ان}$$

$$H_0: \bar{X}_1 = \bar{X}_2 \quad \text{ومنه نقبل الفرض الصفري:}$$

$$H_1: \bar{X}_1 \neq \bar{X}_2 \quad \text{ونرفض الفرض البديل:}$$

ونقول انه لا توجد فروق بين طريقتي التدريس (الكلية و الجزئية) على عيني الدراسة.

اختبار T لعينتين غير متساويتين (مستقلتين)

في حالة عدم تساوي وحدات العينتين نحسب T بالمعادلة التالية:

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{(n_1-1)s_1^2 + (n_2-1)s_2^2}{n_1+n_2-2} \left(\frac{1}{n_2} + \frac{1}{n_1}\right)}}$$

$$df = n_1 + n_2 - 2$$

تطبيق:

خلال قيامك بدراسة لظاهرة قلق قبل المنافسة قمت بتطبيق مقياس كحالة على عينتين من الذكور والاناث في رياضة كرة اليد فوجدت النتائج التالية:

الاناث	الذكور
n = 81	n = 101
$\bar{x}_2 = 53.20$	$\bar{x}_1 = 55.02$
$s_2^2 = 14.67$	$s_1^2 = 16.33$

- بناء على هذه المعطيات هل هناك فروق دالة احصائيا بين عينة الذكور وعينة الاناث على مقياس القلق؟
أجب وفق الخطوات الملائمة عند مستوى دلالة 0.01

الحل:

1/ تحديد المشكل: هل توجد فروق دالة احصائيا بين الذكور والاناث على مقياس القلق عند مستوى دلالة 0.01؟

2/ صياغة الفرضيات: $H_0: \bar{X}_1 = \bar{X}_2$

$H_1: \bar{X}_1 \neq \bar{X}_2$

3/ تحديد نوع الاختبار: هو اختبار T لعينتين غير متساويتين عشوائيتين.

4/ حساب T :

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{(n_1-1)s_1^2 + (n_2-1)s_2^2}{n_1+n_2-2} \left(\frac{1}{n_2} + \frac{1}{n_1}\right)}}$$

$$T = \frac{55.02 - 53.20}{\sqrt{\frac{(101-1)1.633 + (81-1)1.467}{101+81-2} \left(\frac{1}{81} + \frac{1}{101}\right)}}$$

$$T = 0.31$$

$$df = n_1 + n_2 - 2 = 101 + 81 - 2 = 180 \quad /5 \text{ حساب } df :$$

$$T_t = 2.575 \quad /6 \text{ تحديد قيمة } T \text{ الجدولية: بناءً على } \alpha \text{ و } df$$

$$T_t > T_c \quad /7 \text{ اتخاذ القرار: وجدنا ان}$$

$$H_0: \bar{x}_1 = \bar{x}_2 \quad \text{ومنه نقبل الفرض الصفري:}$$

$$H_1: \bar{x}_1 \neq \bar{x}_2 \quad \text{ونرفض الفرض البديل:}$$

وبالتالي نقول انه لا توجد فروق دالة احصائيا بين الذكور والاناث على مقياس القلق عند مستوى دلالة 0.01.

اختبار T لعينتين مرتبطتين او لعينة واحدة

توجد حالتين يمكن ان تكون فيهما عينيتين متشابهتين او مرتبطتين (غير مستقلتين)

الحالة الأولى:

وهي عندما نلاحظ فيها افراد نفس العينة تحت حالتين مختلفتين وفي هذه الحالة يتم اخضاع العينة الى موقفين تجريبيين مختلفين لملاحظة تأثير الحالتين على نتائج افراد العينة.

مثال: عينة تلاميذ ← الفصل الأول: درست بالمقاربة بالكفاءات
الفصل الثاني: درست بالمقاربة بالأهداف

الحالة الثانية:

عند القيام باختبار قبلي واختبار بعدي على نفس العينة

اختبار قبلي تجربة ← اختبار قبلي ←

و في هاتين الحالتين نستعمل المعادلة التالية

$$T = \frac{\bar{D}}{SD}$$

حيث ان \bar{D} متوسط الفروق ويحسب كما يلي: اولا

$$\bar{D} = \frac{\sum D}{n}$$

ثم نحسب الانحراف المعياري لتوزيع الفروق كما يلي: ثانيا

$$SD = \sqrt{\frac{(\sum n \cdot D^2) - (\sum D)^2}{n(n-1)}}$$

ثالثا: $S\bar{D} = \frac{SD}{\sqrt{n}}$

$$df = n-1$$

تطبيق:

أثناء قيامك بدراسة حالة القلق خلال المنافسة على عينة من 08 رياضيين و استعملت القياس القبلي و القياس البعدي فتحصلت على النتائج التالية: (مستوى الدلالة 0.01)

n	قبلي	بعدي	D	D ²
1	8	12	-4	16
2	17	31	-14	196
3	12	17	-5	25
4	19	17	2	4
5	5	8	-3	9
6	6	14	-8	64
7	20	25	-5	25
8	3	4	-1	1
Σ			-38	340

1/ تحديد المشكل: هل هناك فروق دالة احصائيا بين تأثير القياسين القبلي والبعدي عند مستوى دلالة 0.01؟

2/ صياغة الفرضيات: لا توجد فروق $H_0: \bar{X}_1 = \bar{X}_2$

$H_1: \bar{X}_1 \neq \bar{X}_2$

3/ تحديد نوع الاختبار: هو اختبار T لعينة واحدة.

4/ حساب T :

$$\bar{D} = \frac{-38}{8} = -4.75$$

$$SD = \sqrt{\frac{(\sum n.D^2) - (\sum D)^2}{n(n-1)}} = \sqrt{\frac{(8.340) - (-38)^2}{8(8-1)}} = 4.77$$

$$S\bar{D} = \frac{SD}{\sqrt{n}} = \frac{4.77}{\sqrt{8}} = 1.96$$

$$T = \frac{\bar{D}}{S\bar{D}} = \frac{-4.75}{1.96} = -2.81$$

$$df = n - 1 = 8 - 1 = 7 \quad /5 \text{ حساب } df:$$

$$T_t = 3.49 \quad /6 \text{ تحديد قيمة } T \text{ الجدولية: بناءً على } \alpha \text{ و } df$$

$$T_t > T_c \quad /7 \text{ اتخاذ القرار: وجدنا ان}$$

$$H_0: \bar{X}_1 = \bar{X}_2 \quad \text{ومنه نقبل الفرض الصفري:}$$

$$H_1: \bar{X}_1 \neq \bar{X}_2 \quad \text{ونرفض الفرض البديل:}$$

وبالتالي نقول انه لا توجد فرق دال احصائيا بين القياسين القبلي والبعدي على مقياس القلق اثناء المنافسة عند مستوى دلالة 0.01

5/ تمارين:

1/ اختبار T يعتمد على معطيات كمية او كيفية

2/ اختبار T و اختبار Z ايهما اقوى احصائيا؟

تمرين 1:

اليك درجات مادة الإحصاء لمجموعة من الطلبة حيث افراد المجموعة الأولى قاموا بحل كل التمارين التحضيرية التي طلبت منهم قبل الاختبار في حين لم يقم افراد المجموعة الثانية بحل هذه التمارين

م1: 14.17.20.15.16.12.14.18.11.13

م2: 19.12.14.10.09.11.7.15.10.13.20.12

- هل يوجد فرق بين متوسطي المجموعتين في درجات الامتحان عند مستوى دلالة 0.01؟

تمرين 2:

اليك مجموعة من التسديدات للاعبي كرة القدم

الأفراد	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
القياس القبلي	8	7	9	6	7	5	4	8	3	2

10	11	17	12	16	13	13	14	15	16	القياس البعدي
----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	---------------

- هل الاختلاف الملاحظ بين القياسين دال احصائيا عند 0.05؟

اختبار كاي تربيع χ^2

تستخدم إختبارات كاي تربيع لاختبار الفروض والمعنوية للبيانات الاسمية ، وهي أنواع منها:

1/ اختبار المعنوية للعينة الواحدة (كاي تربيع- لجودة التوفيق)

2/ اختبار المعنوية لأكثر من عينة (كاي تربيع - للاستقلال)

اولاً: اختبار المعنوية للعينة الواحدة (كاي تربيع- لجودة التوفيق)

يستخدم اختبار كاي لجودة التوفيق إلى اختبار هل النتائج المشاهدة تختلف عن النتائج المتوقعة .

شروط إجراء اختبار كاي تربيع χ^2 لجودة التوفيق :

1- عدد مشاهدات العينة أكبر من 50 ($n > 50$)

2- التكرار المتوقع المناظر لكل فئة لا يقل عن 5 ($f_e < 5$)

خطوات اختبار كاي لجودة التوفيق :

1- صياغة فرض العدم والفرض البديل:

لا يوجد اختلاف بين النتائج المشاهدة والنتائج المتوقعة: H_0

يوجد اختلاف بين النتائج المشاهدة والنتائج المتوقعة: H_1

2- قيمة إحصاء الاختبار كاي تربيع بعد تكوين جدول يساعدنا في حسابه على النحو التالي

الفئات	f_o التكرارات المشاهدة	التكرارات	$f_o - f_e$	$(f_o - f_e)^2$	$\frac{(f_o - f_e)^2}{f_e}$

مثال: في دراسات سابقة عن المرضى النفسيين تم سؤالهم عن مستواهم الدراسي فكانت النتائج كالتالي

5% في المرحلة الجامعية

15% في المرحلة الثانوية

30% في المرحلة المتوسطة

50% في المرحلة الابتدائية

ولكن حاليا كانت النتائج ل 60 شخص كالتالي :

عدد المرضى	المرحلة الثانوية
6	جامعي
20	ثانوي
10	متوسط
24	ابتدائي
60	المجموع

($\alpha = 0.05$ هل يمكن أن نقرر أن نتائج برنامج هذا العام الفعلية تختلف عن البرامج السابقة؟)

الحل:

لا يوجد اختلاف بين النتائج المشاهدة والنتائج المتوقعة: H_0

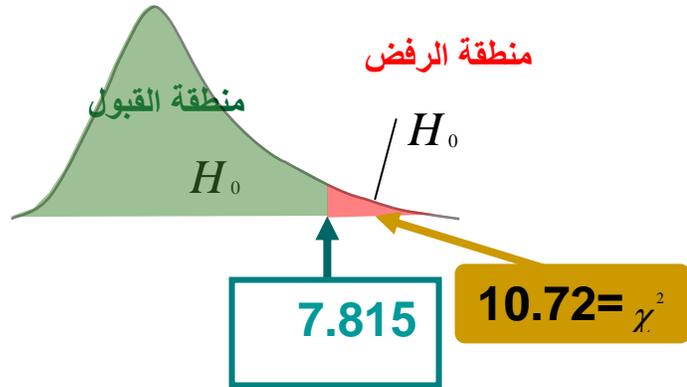
يوجد اختلاف بين النتائج المشاهدة والنتائج المتوقعة: H_1

نمط التغير	التكرارات المشاهدة f_o	النسبة	المتوقعة f_e التكرارات	$f_o - f_e$	$(f_o - f_e)^2$	$\frac{(f_o - f_e)^2}{f_e}$
------------	-----------------------------	--------	--------------------------	-------------	-----------------	-----------------------------

جامعي	6	5%	$0.05*60=3$	3	9	3
ثانوي	20	15%	$0.15*60=11$	9	81	7.36
متوسط	10	30%	$0.30*60=18$	-8	64	3.55
ابتدائي	24	50%	$0.50*60=30$	-6	36	1.2
المجموع	60					10.72

قيمة إحصاء الاختبار $\chi^2 = 10.72$

3- قيمة χ^2 الجدولية = 7.815



4- وقع إحصاء الاختبار في منطقة الرفض

فإننا نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل أي أن هناك اختلافا بين النتائج المشاهدة والنتائج المتوقعة

مثال 2:

قامت وحدة محو الأمية بوزارة التعليم بتصميم برنامج دعائي يستهدف تحفيز ودفع غير المتعلمين الى تغيير اتجاهاتهم بحيث يصبحون أكثر إيمانا بفائدة التعليم و كانت نتائج البرامج السابقة في هذا المجال كالتالي :

23% يصبحون أكثر إيمانا بأهمية التعليم (تغيير إيجابي).

65% لا تتغير اتجاهاتهم (لا تغيير).

12% تتغير اتجاهاتهم بحيث يصبحون أكثر نفورا من التعليم (تغيير سلبي)

بالنسبة لهذا العام كانت نتائج البرنامج الذي اجري على 90 شخصا غير متعلم على النحو التالي:

عدد الأفراد	نمط التغيير
52	تغيير ايجابي
34	لا تغيير
4	تغيير سلبي
المجموع = 90	

$\alpha = 0.05$ هل يمكن إن نقرر إن نتائج برنامج هذا العام الفعلية تختلف عن البرامج السابقة؟

الحل:

H_0 : لا يوجد اختلاف بين النتائج المشاهدة والنتائج المتوقعة:

يوجد اختلاف بين النتائج المشاهدة والنتائج المتوقعة: H_1

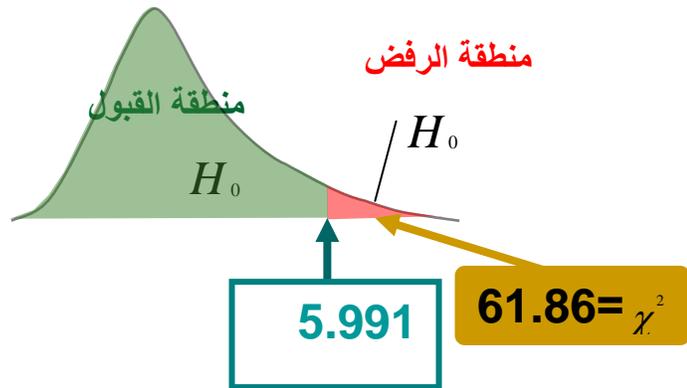
نمط التغيير	التكرارات المشاهدة f_o	النسبة	المتوقعة f_e التكرارات	$f_o - f_e$	$(f_o - f_e)^2$	$\frac{(f_o - f_e)^2}{f_e}$
تغيير ايجابي	52	23%	$0.23 \times 90 = 20.7$	31.3	979.69	47.32

10.26	600.25	24.5-	$\times 0.65$ 58.5=90	65 %	34	لاتغير
4.28	46.24	6.8-	$\times 0.12$ 10.8=90	12 %	4	تغير سلبي
61.86					90	المجموع

-2

قيمة إحصاء الاختبار $\chi^2 = 61.86$

3- قيمة χ^2 الجدوليه $\chi^2(2,0.05) = 5.991$



4- وقع إحصاء الاختبار في منطقة الرفض

فإننا نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل أي أن هناك اختلافا بين النتائج المشاهدة والنتائج المتوقعة

ثانياً: اختبار المعنوية لأكثر من عينة (كاي تربيع - الاستقلال)

نحتاج في حالات كثيرة إلى التعرف عما إذا كانت هناك علاقة بين صفتين من صفات مجتمع ما. مثلاً قد نحتاج لمعرفة هل توجد علاقة بين مستوى الدخل والمستوى التعليمي؟ أو هل توجد علاقة بين لون العينين ولون الشعر في مجتمع ما؟ أو هل توجد علاقة بين المستوى التحصيلي ودخل الأسرة؟

يستخدم اختبار كاي تربيع للإستقلال للإجابة على مثل هذه الأسئلة (هل توجد علاقة بين متغيرين إسميين أو متغير إسمي والآخر ترتيبى) ويعتمد على مقارنة القيم المشاهدة مع القيم المتوقعة. لذلك يجب أن نختار عينة عشوائية من المجتمع محل الدراسة ثم تصنف مشاهدات هذه العينة حسب مستويات كل صفة من الصفتين ووضعها في جدول يسمى جدول التوافق.

خطوات اختبار مربع كاي للاستقلال :

1- صياغة فرض العدم والفرض البديل:

H_0 لا يوجد علاقة بين الصفتين أو لا يوجد ارتباط بين الصفتين:

H_1 يوجد علاقة بين الصفتين أو لا يوجد ارتباط بين الصفتين:

2- قيمة إحصاء الاختبار كاي تربيع:

إذا كان لكل من الصفتين A,B مستويان إثنان فقط ، وكانت التكرارات المشاهدة هي a,b,c,d وذلك كما يلي :

	B1	B2
A1	a	B
A2	c	D

ففي هذه الحالة يكون إحصاء الاختبار

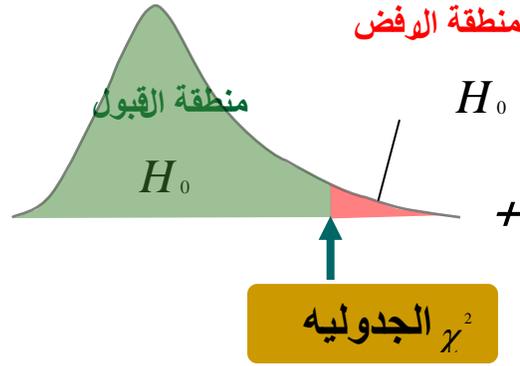
$$\chi^2 = \frac{n(ad - bc)^2}{(a + b)(c + d)(a + c)(b + d)}$$

3- القيمة الجدوليه لكاي تربيع:

له تقريباً توزيع كاي تربيع بدرجة حرية واحدة. $\chi^2(1, \alpha)$

4- اتخاذ القرار:

نتخذ القرار بناءً على قيمة إحصاء الاختبار



إذا وقعت قيمة إحصاء الاختبار في منطقة الرفض فإننا نرفض فرض عدم H_0 ونقبل الفرض البديل H_1

، أما إذا وقعت قيمة إحصاء الاختبار في منطقة القبول فإننا نقبل فرض عدم H_0

مثال:

في بحث لدراسة العلاقة بين شرب الشاي والنوع تم اختيار عينة حجمها 88 من المقيمين في إحدى المدن وتم تصنيفهم في الجدول الآتي . هل تدل هذه البيانات على وجود علاقة بين شرب الشاي نوع الجنس؟

استخدم مستوى معنوية $\alpha=0.05$

	ذكور	إناث	المجموع
يشربون الشاي	40	33	73
لا يشربون الشاي	3	12	15
المجموع	43	45	88

الحل:

H_0 : لا توجد علاقة بين شرب الشاي ونوع الجنس.

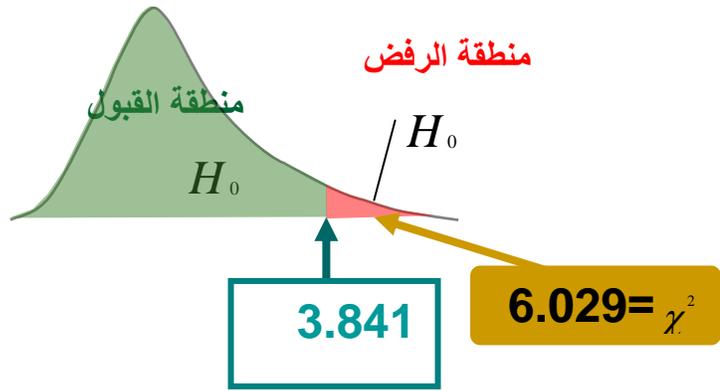
H_1 : توجد علاقة بين شرب الشاي ونوع الجنس.

وتكون قيمة إحصاء الاختبار هي :

$$\chi^2 = \frac{n(ad - bc)^2}{(a + b)(c + d)(a + c)(b + d)} = \frac{88(480 - 99)^2}{73 \times 15 \times 43 \times 45} = 6.029$$

ونحصل على القيمة الحرجة من جدول توزيع كاي تربيع فنجدها :

$$\chi^2(1, 0.05) = 3.841$$



وقد تكون قيمة إحصاء الاختبار أكبر من القيمة الجدولية ، أي أنها تقع في منطقة الرفض وبالتالي فإننا نرفض H_0 ونقبل H_1 وهو أن هناك علاقة بين شرب الشاي والنوع.

مثال:

أجري بحث اجتماعي لدراسة العلاقة بين الجنس والاتجاه للزواج من الأقارب أخذت عينة من 57 فردا وكانت النتائج على النحو التالي

الجنس	ذكر	أنثى	المجموع
الاتجاه للزواج من الأقارب			

مؤيد	10	15	25
غير مؤيد	20	12	32
المجموع	30	27	57

هل هناك ارتباط أو علاقة بين الجنس والاتجاه للزواج من الأقارب أم أن الصفتين مستقلتان عن بعضهما البعض أي لا علاقة بين الجنس والاتجاه للزواج من الأقارب بمستوى معنوية 0.05 ؟

الحل:

H_0 : لا توجد علاقة بين الاتجاه للزواج من الأقارب ونوع الجنس.

H_1 : توجد علاقة بين الاتجاه للزواج من الأقارب ونوع الجنس.

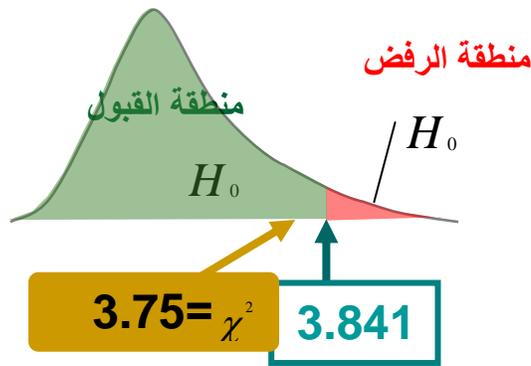
وتكون قيمة إحصاء الاختبار هي :

$$\chi^2 = \frac{n(ad - bc)^2}{(a + b)(c + d)(a + c)(b + d)} = \frac{75(120 - 300)^2}{25 \times 32 \times 30 \times 27} = \frac{75 \times (-180)^2}{648000}$$

$$= \frac{75 \times 32400}{648000} = \frac{2430000}{648000} = 3.75$$

ونحصل على القيمة الحرجة من جدول توزيع كاي تربيع فنجدها :

$$\chi^2(1,0.05) = 3.841$$



وقيمة إحصاء الاختبار أصغر من القيمة الجدوليه ، أي أنها تقع في منطقة القبول وبالتالي فإننا نقبل H_0 وهو أنه ليس هناك علاقة بين الاتجاه للزواج من الأقارب والجنس

قائمة المراجع

المراجع باللغة العربية:

- 1- احمد عودة، و منصور بن عبد الرحمن. (2006). الاحصاء الوصفي والاستدلالي (الإصدار الطبعة الاولى). السعودية: مكتبة الفلاح للنشر و التوزيع.
- 2- سالم عيسى بدر. (2009). دليل الباحث في اختبار الفرضيات. عمان، الاردن: دار الفكر.
- 3- عبد الرحمن عيسوي. (1998). الاحصاء. الاسكندرية، مصر: دار المعرفة الجامعية.
- 4- عبد الكريم بوحفص. (2011). الاحصاء المطبق في العلوم الاجتماعية والانسانية (الإصدار الطبعة الثالثة). الجزائر: ديوان المطبوعات الجامعية.
- 5- عبد المنعم احمد. (2005). الاحصاء البارامترى و اللابارامترى. مصر: عالم الكتاب.
- 6- نجاة رشيد الكيخيا. (2007). اساسيات الاستنتاج الاحصائي. ليبيا: دار المريخ للنشر.