

Les images binaires

IMAGE BINAIRE

Pour commencer, nous nous intéresserons uniquement aux images binaires.

Dans une telle image, on identifie deux types de pixels : les pixels appartenant à un objet spécifique, et les pixels appartenant à son complémentaire.

Une image binaire de dimension n peut être vue comme un sous ensemble de \mathbb{Z}^n , où on liste simplement les coordonnées des pixels appartenant à l'objet.

Ex : $I = \{(2, 1), (3, 2), (2, 2)\}$

IMAGE BINAIRE

On représentera aussi les images binaires comme des tableaux où les pixels appartenant à l'objet seront notés 1 (en clair), et les pixels du complémentaire seront notés 0 (en foncé).

Ex : $I = \{(2, 1), (3, 2), (2, 2)\}$

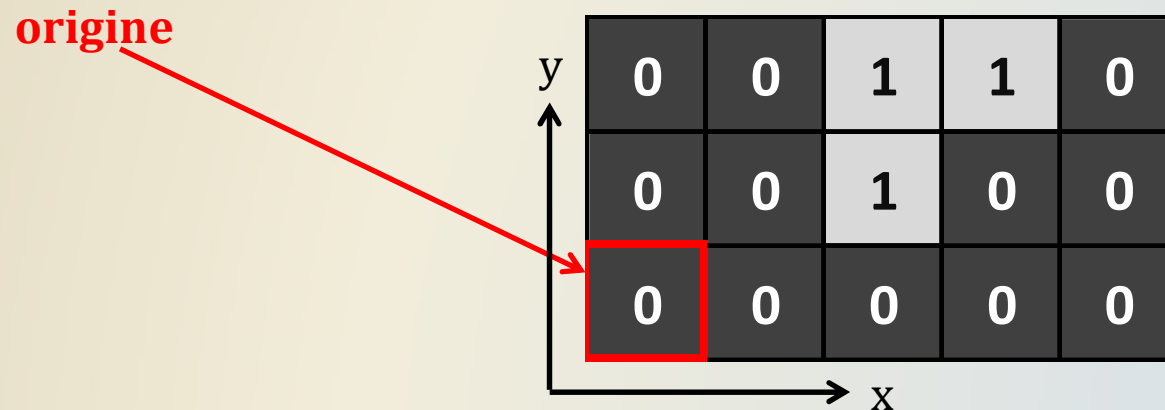
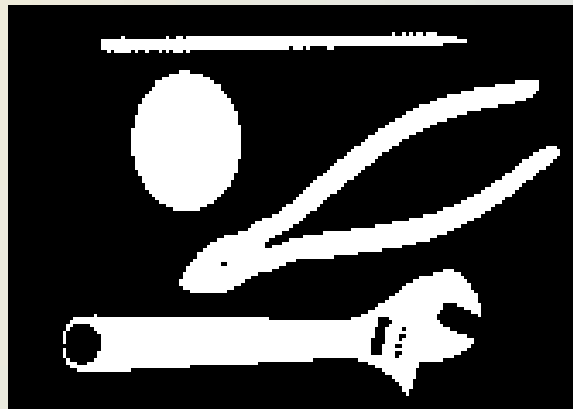


IMAGE BINAIRE

On pourra aussi représenter les images binaires (plus grandes) comme des images où les pixels appartenant à l'objet seront en blanc, et les pixels appartenant à son complémentaire seront en noir.



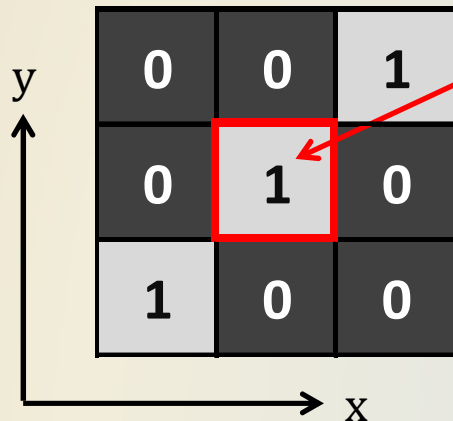
Les éléments structurants

LES ÉLÉMENTS STRUCTURANTS

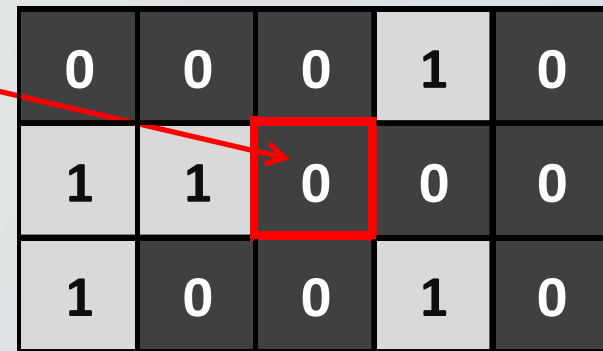
En morphologie, les transformations reposent sur le choix d'un élément structurant : il s'agit d'une image binaire de l'espace discret \mathbb{Z}^n .

On le représente souvent par une image où l'origine est au centre, les points de l'élément structurant sont à 1 (en clair) et les autres points sont à 0 (en foncé). L'origine apparaîtra encadrée en rouge.

Ex (2d) : $E = \{ (-1,-1), (0,0), (1,1) \}$



$E = \{ (-2,-1), (-2,0), (-1,0), (1,-1), (1,1) \}$



LES ÉLÉMENTS STRUCTURANTS

On distingue, en 2d, deux éléments structurants importants : Γ_4 et Γ_8 , qui associent respectivement à un point ses 4 voisins et ses 8 voisins.

$$\Gamma_4 = \{(-1,0),(1,0),(0,0),(0,1),(0,-1)\}$$

0	1	0
1	1	1
0	1	0

$$\Gamma_8 = \Gamma_4 \cup \{(-1,-1),(-1,1),(1,1),(1,-1)\}$$

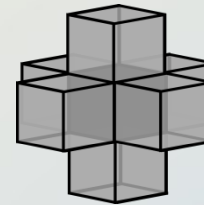
1	1	1
1	1	1
1	1	1

On note aussi $\Gamma_4^* = \Gamma_4 \setminus \{(0,0)\}$ et $\Gamma_8^* = \Gamma_8 \setminus \{(0,0)\}$.

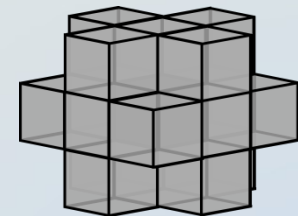
LES ÉLÉMENTS STRUCTURANTS

On distingue, en 3d, trois éléments structurants importants : Γ_6 , Γ_{18} et Γ_{26} , qui associent respectivement à un point ses 6 voisins, ses 18 voisins et ses 26 voisins.

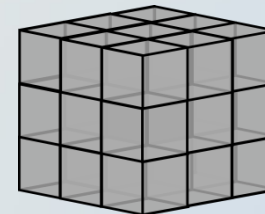
$$\Gamma_6 = \{(0,0,0), (-1,0,0), (1,0,0), (0,1,0), (0,-1,0), (0,0,1), (0,0,-1)\}$$



$$\Gamma_{18} = \Gamma_6 \cup \{(-1,-1,0), (-1,1,0), (1,-1,0), (1,1,0), (-1,0,-1), (-1,0,1), (1,0,-1), (1,0,1), (0,-1,-1), (0,-1,1), (0,1,-1), (0,1,1)\}$$



$$\Gamma_{26} = \Gamma_{18} \cup \{(1,1,1), (-1,1,1), (1,-1,1), (1,1,-1), (-1,-1,1), (-1,1,-1), (1,-1,-1), (-1,-1,-1)\}$$



On note aussi $\Gamma_6^* = \Gamma_6 \setminus \{(0,0,0)\}$, $\Gamma_{18}^* = \Gamma_{18} \setminus \{(0,0,0)\}$ et $\Gamma_{26}^* = \Gamma_{26} \setminus \{(0,0,0)\}$.

LES ÉLÉMENTS STRUCTURANTS

Exercice : dessinez l'élément structurant correspondant à cet ensemble de points de \mathbb{Z}^2 :

$$E = \{(-2,-1), (-1,-2), (0,-2), (1,-2), (2,-1), (-1,2), (-1,1), (1,2), (1,1)\}$$

Solution :

0	1	0	1	0
0	1	0	1	0
0	0	0	0	0
1	0	0	0	1
0	1	1	1	0

LES ÉLÉMENTS STRUCTURANTS

Exercice : quel ensemble correspond à cet élément structurant 2d ?

0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
1	1	1	1	0
1	1	1	1	0
0	0	0	0	0

Solution : $E = \{(-2,0),(-2,-1),(-1,0),(-1,-1),(2,0),(1,0),(0,0),(-1,0),(1,1),$
 $(1,0),(1,-1)\}$

LES ÉLÉMENTS STRUCTURANTS

Pour finir avec les éléments structurants, on définit l'application d'un élément structurant à un point de l'espace :

Soit $E \subset \mathbb{Z}^n$ (E est un élément structurant de \mathbb{Z}^n), et soit $x \in \mathbb{Z}^n$.
L'application de E sur x est $E_x = \{v + x \mid v \in E\}$.

On peut voir E_x comme la translation de E par x .

LES ÉLÉMENTS STRUCTURANTS

Par exemple, posons :

$$x = (1,1)$$

$$E = \{(-2,-1),(-2,0),(-1,0),(0,0),(1,1),(1,0),(1,-1),(2,1),(2,0)\}$$

$$E_x = \{(-1,0),(-1,1),(0,1),(1,1),(2,2),(2,1),(2,0),(3,2),(3,1)\}$$

0	0	0	1	1
1	1	1	1	1
1	0	0	1	0

E

0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1
0	0	1	1	1	1	1
0	0	1	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0

E_x