

## تمهيد

إن الدراسات الإحصائية تهتم عموماً بدراسة مجموعة من المميزات أو الخصائص (Caractères) و المتتمثلة في مجموعة من المتغيرات المقاسة على مجموعة من الأفراد أو العناصر (Individus) و التي تكون على شكل التقدير و الاختبارات الإحصائية غير أن هذا النوع من الدراسات يعتمد على الكثير من الفرضيات التي نادراً ما تكون محققة على الواقع. و من اجل ذلك نلجأ إلى طرق تحليل المعطيات (ADD) كوسيلة تحليل بديلة لا تعتمد على فرضيات التوزيع الاحتمالي و تسمح بإعطاء دراسة شاملة للأفراد و المتغيرات، و تنقسم هذه الطرق إلى قسمين:

### I. Méthodes Factorielles:

- AFG: Analyse factorielle Générale
- ACP: Analyse en Composante Principale
- AFC: Analyse factorielle des Correspondances
- AFMC: Analyse factorielle des Correspondances Multiples
- AFD: Analyse factorielle Discriminante

و جل هذه الطرق تعتمد على الجبر الخطي و حساب المصفوفات

### II. Méthodes de Classification

و تهدف هذه الطرق إلى تشكيل مجموعات للأفراد و تعتمد في ذلك على الخوارزميات.

و من اجل الصياغة المنهجية و العلمية لهذا المقياس قمنا بتقسيمه إلى ثلاث فصول. ففي الفصل الأول نتطرق لطريقة التحليل العاملي العام AFG و التي تمكننا من التعرف على المبادئ الأساسية في اختيار الفضاءات الشعاعية الجزئية التي تمنحنا أحسن تمثيل و تحفظ لنا أكبر كمية من المعلومات. أما الفصل الثاني فنخصصه لطريقة التحليل بالمركبات الأساسية ACP، و التي تستعمل في حالة المتغيرات الكمية فقط، حيث أننا في البداية نبرهن على المبدأ الأساسي لهذه الطريقة و المتمثل في ضرورة نقل المعلم من المبدأ الأصلي إلى مركز سحابة النقاط و تطبيق طريقة التحليل العاملي على مصفوفة المعطيات الجديدة، كما أننا نميز بين طريقة التحليل بالمركبات الأساسية البسيطة و التي يمكننا استعمالها في حالة تجانس وحدات قياس المتغيرات و ضرورة استعمال طريقة التحليل بالمركبات الأساسية المرجحة في حالة عدم تجانس وحدات قياس المتغيرات. و يكون التحليل من جانبيين، تحليل يخص الأفراد و آخر يخص المتغيرات و العلاقة فيما بينهما.

## برنامج الدراسة

### الفصل الأول: مفاهيم أساسية حول الجبر الخطي وحساب المصفوفات

1. مفاهيم إحصائية
  - 1.1. المتوسطات الحسابية
  - 2.1. التباينات
  - 3.1. التباين المشترك
  - 4.1. معامل الارتباط الخطي البسيط
2. الفضاءات الشعاعية و حساب المسافات
  - 1.2. التحليل في  $\mathbb{R}^p$
  - 2.2. التحليل في  $\mathbb{R}^n$
  - 3.2. حساب المسافة بين الفردين  $i$  و  $i'$
  - 4.2. حساب المسافة بين المتغيرين  $j$  و  $j'$بغرض حساب المسافة بين المتغيرين  $j$  و  $j'$  في الفضاء  $\mathbb{R}^n$ :
  - 5.2. الجدول الممركز
  - 6.2. الجدول الممركز والمرجح
  - 7.2. الإسقاط العمودي
  - 8.2. إحداثيات الإسقاط
3. الفضاءات الشعاعية و حساب المسافات
  - 1.2. التحليل في  $\mathbb{R}^p$
  - 2.2. التحليل في  $\mathbb{R}^n$
  - 3.2. حساب المسافة بين الفردين  $i$  و  $i'$
  - 4.2. حساب المسافة بين المتغيرين  $j$  و  $j'$
  - 5.2. الجدول الممركز
  - 6.2. الجدول الممركز والمرجح
  - 7.2. الإسقاط العمودي
  - 8.2. إحداثيات الإسقاط

## الفصل الثاني: التحليل العاملي العام (AFG)

1. التحليل في  $\mathbb{R}^p$ 
  - 1.1. الكثافة الكلية للبيانات
  - 2.1. نسب تمثيل البيانات على المحاور
2. التحليل في  $\mathbb{R}^n$
3. العلاقة بين التحليل في  $\mathbb{R}^p$  و التحليل في  $\mathbb{R}^n$
4. عبارات الانتقال بين  $\mathbb{R}^p$  و  $\mathbb{R}^n$ 
  - 1.4. عبارة أول انتقال من  $\mathbb{R}^p$  نحو  $\mathbb{R}^n$
  - 2.4. عبارة ثاني انتقال من  $\mathbb{R}^n$  نحو  $\mathbb{R}^p$
5. عبارة إعادة تشكيل البيانات

## الفصل الثالث: طريقة التحليل بالمركبات الأساسية (ACP)

1. المبدأ الأساسي لطريقة التحليل بالمركبات الأساسية
  - 1.1. طريقة التحليل بالمركبات الأساسية البسيطة (ACP – Non normé)
  - 2.1. طريقة التحليل بالمركبات الأساسية المرجحة (ACP - Normé)
2. التحليل في  $\mathbb{R}^p$ 
  - 1.2. المتوسط الحسابي للمركبات الأساسية
  - 2.2. تباين المركبات الأساسية
  - 3.2. نسب تمثيل الأفراد على المحاور
  - 4.2. نسب مساهمة الأفراد في تشكيل المحاور
  - 5.2. حالة إضافة أفراد جُدد
3. التحليل في  $\mathbb{R}^n$ 
  - 1.3. إحداثيات المتغيرات على المحاور
  - 2.3. المسافة بين المبدأ و المتغيرات
  - 3.3. المسافة بين متغيرين
    - A. حالة الارتباط القوي الموجب
    - B. حالة الارتباط القوي السالب
    - C. حالة الاستقلالية
4. حالة إضافة متغيرات جُدد

### قائمة المراجع

1. Arnaud Martin, « L'analyse de données Polycopié de cours », ENSIETA - Réf. : 1463, Paris, Septembre 2004.
2. Stéphane Champely, « Introduction à l'analyse multivariée factorielle sous R », septembre 2005.
3. Samuel Ambapour , « Introduction à l'analyse des données », Bamsi B.P. 13734 Brazzaville, 2003.