

### **TP 3 : Résolution numérique des équations non-linéaires**

#### **I. Travail dirigé**

On veut résoudre numériquement l'équation :

$$f(x) = \frac{\cos(x)}{(1+x^2)} = 0 \quad (1)$$

- 1) Vérifier l'existence d'une solution dans les intervalles suivants :  $[1.5, 2]$ ,  $[5, 6]$ .
- 2) Calculer une valeur approchée à une précision  $\varepsilon = 10^{-1}$  de la solution existant dans l'intervalle  $[1.5, 2]$  en utilisant la méthode de dichotomie.
- 3) Calculer le nombre des itérations nécessaires pour obtenir une solution à une précision  $\varepsilon = 10^{-6}$  dans l'intervalle  $[1.5, 2]$ .
- 4) Calculer la racine existant dans l'intervalle  $[1.5, 2]$  à une précision  $\varepsilon = 10^{-2}$  par la méthode de Newton. On prend la valeur initiale approchée de la solution  $x_0 = 1.3$ .

#### **II. Travail pratique**

- 1) Quand on fait la programmation des méthodes numérique de dichotomie et de Newton ?
- 2) Ecrire un programme Matlab qui permet de tracer la courbe de la fonction  $f(x)$  dans l'intervalle  $[1, 6]$ .
- 3) Matlab dispose d'une commande prédéfinie permettant le calcul du zéro ( $c$ ) d'une fonction  $f(x)$  existant dans un intervalle  $[a, b]$ . Sa syntaxe est :  $c = \text{fzero}(f, [a, b])$ .

En appliquant cette commande donner une valeur approchée de la racine existant dans  $[1.5, 2]$ .

#### **4) Méthode de dichotomie**

- a. A partir du graphe tracé de  $f(x)$ , déterminer des intervalles comportant les racines.
- b. Ecrire un algorithme de calcul par la méthode de dichotomie.
- c. Ecrire un programme Matlab qui permet de calculer une valeur approchée de la racine existant dans l'intervalle  $[1.5, 2]$ , à la précision  $\varepsilon = 10^{-2}$ , par la méthode de dichotomie.
- d. Exécuter ce programme pour les précisions  $\varepsilon = 10^{-5}, 10^{-7}, 10^{-9}$  et donner le nombre des itérations effectuées pour chaque précision. Conclure.

#### **5) Méthode de Newton**

- a. A partir du graphe tracé de la fonction  $f(x)$ , choisir une valeur initiale  $x_0$  proche de la première racine.
- b. Ecrire un algorithme de calcul pour la méthode de Newton.
- c. Ecrire un programme Matlab qui permet de calculer une valeur approchée de la première racine à la précision  $\varepsilon = 10^{-3}$ , par la méthode de Newton, en utilisant la valeur initiale  $x_0$  déterminée en a.
- d. Exécuter ce programme pour la précision  $\varepsilon = 10^{-8}$ . Conclure.