

سلسلة رقم 4 : المحور الرابع (الدوال اللوغاريتمية و الدوال الاسية)

تمرين رقم 1:

اوجد مجموعة تعريف الدوال التالية:

$f(x)=2x+\ln(x-2)$	$f(x)=x^2-\ln(1-x)$	$f(x)=x+\ln(-x^2+x-5)$
$f(x)=x^2+1-3\ln(x^2+x+3)$	$f(x)=x-5+\ln(x^2+x-2)$	$f(x)=x^2+\ln(-x^2+x+12)$

تمرين رقم 2:

اوجد مجموعة تعريف الدوال التالية:

$f(x)=\ln(1-x)+\ln(x-2)$	$f(x)=\ln(x-3)+\ln(5-x)$	$f(x)=x+2+\ln(x-3)^2$
$f(x)=\frac{2}{x}+\ln(x-3)^2$	$f(x)=\frac{1}{1-x}+\ln(x+3)^2$	$f(x)=\ln\left(\frac{x+3}{x-2}\right)$

تمرين رقم 3:

اوجد مجموعة تعريف الدوال التالية:

$f(x)=\ln 1-x +\ln x $	$f(x)=\ln\left \frac{x+3}{x-2}\right $	$f(x)=\frac{\sqrt{x+2}}{\ln x}$
$f(x)=\frac{1+\ln x}{\sqrt{3-x}}$	$f(x)=\frac{x}{1-\ln(x+3)}$	$f(x)=\ln\sqrt{ 3-x }$

تمرين رقم 4:

حل المعادلات التالية:

$f(x)=\ln(x-2)-4=0$	$f(x)=\ln(x+1)+2\leq 0$	$f(x)=\ln(x-2)-3> 0$
$f(x)=5-\ln(x+2)\leq 0$	$f(x)=\ln(x-2)-\ln x < \ln 5$	$f(x)=2\ln(x-1)-\ln x = \ln 3$

تمرين رقم 5:

حل المعادلات التالية:

$(\ln(x-2))^2 - 3\ln(x-2) = 0$	$(\ln(x+1))^2 + \ln(x+1) - 6 = 0$	$(\ln x)^2 + \ln(x) - 12 = 0$
$3^{x+3} + 9^{x-1} = -1458$	$5^{2x} - 7.5^x + 12 = 0$	$4^x + 2^x + 6 = 0$

تمرين رقم 6:

إذا علمت أن  $\log 4.75 = 0.6766$

اعط القيمة التقريبية دون استعمال الآلة الحاسبة للأعداد التالية:

1-  $\log 4.75 \cdot 10^{-3}$

2-  $\log 0.475$

3-  $\log 475$

تمرين رقم 7:

(1) احسب المجموع  $S_n$  بدلالة  $n$  حيث  $n$  عدد طبيعي غير معدوم

$$S_n = \log \frac{1}{2} + \log \frac{2}{3} + \log \frac{3}{4} + \dots + \log \frac{n}{n+1}$$

(2) ماهي قيم  $n$  الطبيعية حتى يكون:  $S_n \geq -\log 7$

تمرين رقم 8:

حل المعادلات التالية: حيث  $\log x$  هو أساس اللوغاريتمات

1-  $\log 3x = 1$

2-  $|\log x + 1| = -2$

3-  $\log x + \log(x+1) = \log 6$

4-  $3\log^2 2x + \log 2x - 4 = 0$

5-  $\log x - \log(x+1) = \log 3$

6-  $\log^4 x = \log 81$

تمرين رقم 9:

حل المعادلات التالية:

3-  $2e^x = 0$

$2e^{x-1} - 6 = 0$

$4e^{x+2} + 3 = 0$

$e^{x^2+x} = e^{12}$

$e^{x^2} = e^{x+6}$

$e^{x^2+x} = e^2$

تمرين رقم 10:

حل المتراجحات التالية:

$4 - 3e^x < 0$

$2e^{x+3} - 8 \geq 0$

$$4 - 2e^{x-1} < 0$$
$$e^{x^2} \geq e^{-x+6}$$

$$e^{x^2+x} < e^{12}$$
$$e^{x^2} - 3e^x < 0$$

تمرين رقم 11 :

حل المعادلات التالية:

$$e^{2x} + 2e^x = 0$$
$$3e^{2x} - 2e^x - 1 = 0$$
$$2x - \ln(e^{2x} + 1) = \ln 3$$

$$e^{2x} - 3e^x + 2 = 0$$
$$x - \ln(e^x - 3) = \ln 2$$
$$e^x - 6e^{-x} + 1 = 0$$

تمرين رقم 12 :

حل المعادلات التالية:

$$e^x - 12e^{-x} + 1 = 0$$
$$4e^x + e^{-x} - 5 = 0$$
$$4e^x + 3e^{-x} - 7 = 0$$

$$e^x - 2e^{-x} + 1 = 0$$
$$3e^x + 2e^{-x} - 7 = 0$$
$$\frac{e^{3x+1}}{e^{-x+4}} = e^{6x+1}$$

د. شيخاوي عبد العزيز.