

Université ZIANE Achour - Djelfa
Faculté des Sciences Exactes et Informatique
Département de Physique
2^{ème} année Licence Physique (SC)

Matière : Maths 3

SERIE N°03 : EQUATIONS DIFFERENTIELLES

Exercice n°1 :

1) Résoudre les équations différentielles suivantes :

a) $y'(x^2 - 1) - 2xy = 0$.

b) $\sqrt{y^2 + 1}dx = xydy$.

2) Trouver la solution particulière de l'équation différentielle $(1 + e^x)yy' = e^x$; qui vérifie la condition $y(0) = 1$.

Exercice n°2 :

Résoudre les équations différentielles suivantes :

1) $y' = y + x$ avec $y(0) = 1$.

2) $y' = \cos x + y$.

3) $y' + 2y = (x - 2)^2$.

Exercice n°3 :

1) Résoudre les équations différentielles :

a) $y' + 2xy = 2xe^{-x^2}$.

b) $(x + y^2)dy = ydx$

2) Trouver la solution particulière de l'équation :

a) $y' + y = \cos x + \sin x$; qui vérifie la condition $y(0) = 1$.

Exercice n°4 :

Résoudre les équations différentielles suivantes :

1) $xy' + y = y^2 \ln x$.

2) $y' = \frac{4}{x}y + x\sqrt{y}$.

Exercice n°5 :

Résoudre les équations différentielles suivantes :

1. $y'' - 5y' + 6y = 0$.
2. $4y'' + 4y' + y = 0$.
3. $y'' + y' + y = 0$.
4. $y'' - 2y' + 2y = 0$.
5. $y'' + 4y' + 3y = 0$.

Exercice n°6:

Résoudre les équations différentielles.

1. $y'' + y' - 2y = 2x^2 - 3x + 1$.
2. $2y'' + 2y' + 3y = x^2 + 2x - 1$.
3. $y'' - 2y' + 2y = e^{-x}$.
4. $y'' - y' - 2y = x^2 e^{-3x}$.
5. $y'' + 4y = \sin 3x$.
6. $y'' + 4y = \cos 2x + \cos 4x$.
7. $y'' - 2y' + 2y = e^x + x$.

Exercice n°7:

On se propose d'intégrer sur l'intervalle le plus grand possible contenu dans $]0, +\infty[$ l'équation différentielle :

$$y'(x) - \frac{y(x)}{x} - y(x^2) = -9x^2. \quad (\mathbf{E})$$

- 1) Déterminer $a \in]0, +\infty[$ tel que $y(x) = ax$ soit une solution particulière y_0 de (\mathbf{E}) .
- 2) Montrer que le changement de fonction inconnue : $y(x) = y_0(x) - \frac{1}{z(x)}$ transforme l'équation

(\mathbf{E}) en l'équation différentielle

$$z'(x) + \left(6x + \frac{1}{x}\right)z(x) = 1. \quad (\mathbf{E1})$$

- 3) Intégrer $(\mathbf{E1})$ sur $]0, +\infty[$.
- 4) Donner toutes les solutions de (\mathbf{E}) définies sur $]0, +\infty[$.