

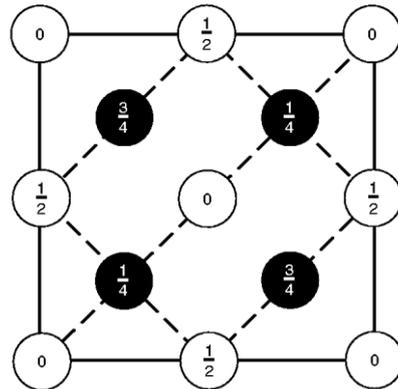
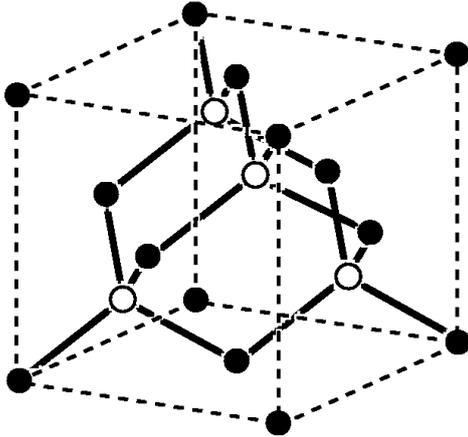
PHYSIQUE DES SEMICONDUCTEURS

CORRECTION DE TD N° 01

EXERCICE 01:

1. Structure cristalline du Silicium : Diamant.

Structure diamant = réseau cubique à faces centrées + base de deux atomes identiques (0,0,0) et (1/4, 1/4, 1/4).



Structure diamant, sa structure et l'emplacement des atomes dans la maille.

2. Nombre de plus proches voisins : $n_{ppv} = 4$.

Distance entre plus proches voisins = le quart de la grande diagonale

$$d_{ppv} = \sqrt{\left(\frac{a}{4}\right)^2 + \left(\frac{a}{4}\right)^2 + \left(\frac{a}{4}\right)^2} = \frac{\sqrt{3}}{4} a$$

A. N. $d_{ppv} = 2,35 \text{ \AA}$

3. Rayon de l'atome

$$2.r = d_{ppv} \quad \Rightarrow \quad r = \frac{d_{ppv}}{2}$$

A. N. $r = 1,18 \text{ \AA}$

4. Nombre d'atomes au cm^{-3} noté n .

Dans la structure diamant, nous avons 08 atomes de Si dans la maille conventionnelle de volume a^3 .
Donc :

$$n = \frac{8}{a^3}$$

A. N. $n = 5 \times 10^{22} cm^{-3}$

Densité (\mathcal{N} est le nombre d'Avogadro).

$$\rho = n \cdot m_{at} = \frac{n \cdot M}{\mathcal{N}}$$

A. N. $\rho = 2,33 g \cdot cm^{-3}$

EXERCICE 02:

$$4. f_p(E) = 1 - f_n(E) = 1 - \frac{1}{1 + e^{\frac{E-E_F}{kT}}} \Rightarrow f_p(E) = \frac{1}{1 + e^{\frac{E_F-E}{kT}}} .$$

EXERCICE 03:

$$1. f_p(E) = 1 - f_n(E) = 1 - \frac{1}{1 + e^{\frac{E-E_F}{kT}}} \Rightarrow f_p(E) = \frac{1}{1 + e^{\frac{E_F-E}{kT}}} .$$

$$2. \text{Semiconducteur non dégénéré } f_n(E) \approx e^{-\frac{E-E_F}{kT}} \text{ et } f_p(E) \approx e^{-\frac{E_F-E}{kT}} .$$

Le nombre d'électrons par unité de volume dans la bande de conduction.

$$n = \int_{E_c}^E D_c(E) f_n(E) dE \approx \frac{1}{2\pi^2} \left(\frac{2m_c}{\hbar^2} \right)^{3/2} \int_{E_c}^{+\infty} (E - E_c)^{1/2} e^{-\frac{E-E_F}{kT}} dE$$

$$\text{En posant } x = \frac{E - E_c}{kT} \text{ on a : } n = \frac{1}{2\pi^2} \left(\frac{2m_c \cdot kT}{\hbar^2} \right)^{3/2} e^{-\frac{E_c-E_F}{kT}} \int_0^{+\infty} x^{1/2} e^{-x} dx$$

$$\text{Enfin en utilisant : } \int_0^{+\infty} x^{1/2} e^{-x} dx = \frac{\sqrt{\pi}}{2}$$

$$n = 2 \left(\frac{2\pi \cdot m_c \cdot kT}{\hbar^2} \right)^{3/2} e^{-\frac{E_c-E_F}{kT}}$$

Le nombre de trous par unité de volume dans la bande de valence.

$$p = \int_E^{E_v} D_v(E) f_p(E) dE \approx \frac{1}{2\pi^2} \left(\frac{2m_v}{\hbar^2} \right)^{3/2} \int_{-\infty}^{E_v} (E_v - E)^{1/2} e^{-\frac{E_F-E}{kT}} dE$$

$$\text{En posant } x = \frac{E_v - E}{kT} \text{ on a : } p = \frac{1}{2\pi^2} \left(\frac{2m_v \cdot kT}{\hbar^2} \right)^{3/2} e^{-\frac{E_F-E_v}{kT}} \int_0^{+\infty} x^{1/2} e^{-x} dx$$

$$\text{Enfin en utilisant : } \int_0^{+\infty} x^{1/2} e^{-x} dx = \frac{\sqrt{\pi}}{2}$$

$$p = 2 \left(\frac{2\pi \cdot m_v \cdot kT}{\hbar^2} \right)^{3/2} e^{-\frac{E_F-E_v}{kT}}$$

$$3. \text{Semiconducteur intrinsèque } \Rightarrow n_i = p_i$$

$$4. n_i^2 = n_i \cdot p_i = (N_c N_v) e^{-\frac{E_g}{kT}} \Rightarrow n_i = p_i = 2 \left(\frac{2\pi \cdot kT}{\hbar^2} \right)^{3/2} (m_c \cdot m_v)^{3/4} e^{-\frac{E_g}{2kT}} .$$

5. Niveau de Fermi E_F .

$$n_i = p_i \Rightarrow (m_c)^{3/2} e^{-\frac{E_c-E_F}{kT}} = (m_v)^{3/2} e^{-\frac{E_F-E_v}{kT}} \Rightarrow \left(\frac{m_c}{m_v} \right)^{3/2} = e^{\frac{E_c+E_v-2E_F}{kT}} .$$

$$\text{D'où } E_F = \frac{E_c + E_v}{2} - \frac{3}{4} kT \cdot \ln \left(\frac{m_c}{m_v} \right) .$$

6. L'écart d'énergie $E_F - \left(\frac{E_c + E_v}{2}\right) = -\frac{3}{4} k_B T \ln\left(\frac{m_c}{m_v}\right)$

		Silicium	Germanium
m_c/m_v		1,7966	1,5278
$E_F - \left(\frac{E_c + E_v}{2}\right)$	300 K	-0,01124	-0,00826
	1000 K	-0,03808	-0,02753

7. D'après les résultats du tableau précédent, nous remarquons que E_F est proche du milieu de la Bande Interdite.

EXERCICE 04 :

Système de 2 équations à 2 variables

Concentration intrinsèque :
$$n_i = \sqrt{N_c \cdot N_v} \cdot e^{-\frac{E_g}{2k_B T}}$$

1. $N_c/N_v = 2,7$

$E_g = 1,12$ eV $T = 300$ K et $n_i = 1,45 \cdot 10^{16}$ cm⁻³.
A.N.

EXERCICE 05:

A.N.
$$\begin{cases} \frac{m_c}{m_0} = 0,915 \\ \frac{m_v}{m_0} = 0,976 \end{cases}$$

1. Concentration intrinsèque :
$$n_i = \sqrt{N_c \cdot N_v} \cdot e^{-\frac{E_g}{2k_B T}}$$

2.
$$N_c = 2 \left(\frac{2\pi \cdot m_c \cdot k_B T}{h^2} \right)^{3/2} = 2,5 \cdot 10^{25} \left(\frac{m_c}{m_0} \right)^{3/2} \left(\frac{T}{300} \right)^{3/2} \text{ m}^{-3}$$

$$N_v = 2 \left(\frac{2\pi \cdot m_v \cdot k_B T}{h^2} \right)^{3/2} = 2,5 \cdot 10^{25} \left(\frac{m_v}{m_0} \right)^{3/2} \left(\frac{T}{300} \right)^{3/2} \text{ m}^{-3}$$

$T = 300$ K	$T = 400$ K
$N_c = 2,188 \cdot 10^{19}$ cm ⁻³	$N_c = 3,369 \cdot 10^{19}$ cm ⁻³
$N_v = 2,411 \cdot 10^{19}$ cm ⁻³	$N_v = 3,711 \cdot 10^{19}$ cm ⁻³
$n_i(300 \text{ K}) = 9,959 \cdot 10^5$ cm ⁻³	$n_i(400 \text{ K}) = 3,3598 \cdot 10^9$ cm ⁻³

2. Niveau de Fermi : $E_{F_i} = \frac{E_c + E_v}{2} + \frac{3}{4} k_B T \ln\left(\frac{m_v}{m_c}\right)$ comme $E_v = 0$ alors $E_c = E_g$.

$$E_F = \frac{E_g}{2} + \frac{3}{4} k_B T \ln\left(\frac{m_v}{m_c}\right)$$

A.N. : $E_F(300 \text{ K}) = 0,8013$ eV

et

$E_F(400 \text{ K}) = 0,8017$ eV.

EXERCICE 06:

Dans le cas d'un semiconducteur intrinsèque on considère que le gap est fonction de la température :

$$E_g(T) = \alpha T + \beta \quad (T \text{ est exprimé en Kelvin et } E_g \text{ en eV}).$$

La mesure des concentrations intrinsèques à $T = 350 \text{ K}$ et $T = 400 \text{ K}$ a donné :

$$n_i(350 \text{ K}) = 2,235 \cdot 10^8 \text{ cm}^{-3} \quad \text{et} \quad n_i(400 \text{ K}) = 6,236 \cdot 10^9 \text{ cm}^{-3}.$$

On donne : $m_c/m_0 = 0,068$, $m_v/m_0 = 0,64$.

1. Calculer les constantes α et β en précisant leur unité.
2. En déduire l'énergie du gap $E_g(300 \text{ K})$ et la concentration intrinsèque $n_i(300 \text{ K})$ à $T = 300 \text{ K}$.
3. Trouver l'expression du niveau de Fermi E_{Fi} en fonction de la température et calculer sa valeur à $T = 300 \text{ K}$ (on prend comme origine des énergies le haut de la bande de valence $E_v = 0$).

Dans la suite nous considérerons que $E_g = 1,43 \text{ eV}$.

Nous dopons le semiconducteur avec une concentration d'atomes donneurs $N_d = 2,7 \cdot 10^7 \text{ cm}^{-3}$ et une concentration d'atomes accepteur $N_a = 3 \cdot 10^6 \text{ cm}^{-3}$.

Ces atomes induisent des niveaux donneur $E_d = 1,38 \text{ eV}$ et accepteur $E_a = 0,1 \text{ eV}$ dans la structure énergétique de bande du semiconducteur.

4. Calculer les concentrations des électrons n et des trous p à $T = 300 \text{ K}$.
5. Calculer le niveau de Fermi E_F à $T = 300 \text{ K}$.

On donne : $m_0 = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$; $h = 6,626 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$; $k_B = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$.

1. Calcul des constantes α et β .

$$n_i = \sqrt{N_c \cdot N_v} \cdot e^{-\frac{E_g}{2k_B T}}$$

$$N_c = 2,5 \cdot 10^{25} \left(\frac{m_c}{m_0}\right)^{3/2} \left(\frac{T}{300}\right)^{3/2} \text{ m}^{-3} \quad \text{et} \quad N_v = 2,5 \cdot 10^{25} \left(\frac{m_v}{m_0}\right)^{3/2} \left(\frac{T}{300}\right)^{3/2} \text{ m}^{-3}$$

$$\frac{n_i(T_1)}{n_i(T_2)} = \left(\frac{T_1}{T_2}\right)^{3/2} \cdot e^{-\frac{E_g}{2k_B T_1} + \frac{E_g}{2k_B T_2}}$$

En remplaçant par $E_g(T) = \alpha T + \beta$ on a :
$$\frac{E_g}{2k_B T} = \frac{\alpha}{2k_B} + \frac{\beta}{2k_B T}.$$

Et
$$-\frac{E_g}{2k_B T_1} + \frac{E_g}{2k_B T_2} = -\frac{\beta}{2k_B} \left(\frac{T_2 - T_1}{T_2 T_1}\right).$$

D'où
$$-\frac{\beta}{2k_B} \left(\frac{T_2 - T_1}{T_2 T_1}\right) = \ln \left[\frac{n_i(T_1) \left(\frac{T_2}{T_1}\right)^{3/2}}{n_i(T_2) \left(\frac{T_1}{T_2}\right)^{3/2}} \right]$$

Donc
$$\beta = 2k_B \left(\frac{T_2 T_1}{T_2 - T_1}\right) \ln \left[\frac{n_i(T_2) \left(\frac{T_1}{T_2}\right)^{3/2}}{n_i(T_1) \left(\frac{T_2}{T_1}\right)^{3/2}} \right].$$

A.N.
$$\beta = 1,5204 \text{ eV}.$$

En remplaçant dans l'expression de n_i :

$$\frac{E_g}{2k_B T} = \frac{\alpha}{2k_B} + \frac{\beta}{2k_B T} = \ln \left(\frac{\sqrt{N_c N_v}}{n_i} \right)$$

Donc

$$\alpha = -\frac{\beta}{T} + 2k_B \ln \left(\frac{\sqrt{N_c N_v}}{n_i} \right)$$

A.N. à $T = 400 \text{ K}$; $N_c = 6,825 \cdot 10^{17} \text{ cm}^{-3}$; $N_v = 1,97 \cdot 10^{19} \text{ cm}^{-3}$; $n_i(400 \text{ K}) = 6,236 \cdot 10^9 \text{ cm}^{-3}$
 $\alpha = -3,01 \times 10^{-4} \text{ eV/K}$.

2. En remplaçant à $T = 300 \text{ K}$.

$$E_g(300 \text{ K}) = \alpha \cdot 300 + \beta = 1,43 \text{ eV}$$

$$N_c = 4,433 \cdot 10^{17} \text{ cm}^{-3} ; N_v = 1,28 \cdot 10^{19} \text{ cm}^{-3} \Rightarrow n_i(300 \text{ K}) = 2,7155 \times 10^6 \text{ cm}^{-3}.$$

3. Niveau de Fermi : $E_{Fi} = \frac{E_g}{2} + \frac{3}{4} k_B T \ln\left(\frac{m_v}{m_c}\right)$ ($E_v = 0 \Rightarrow E_c = E_g$)

Donc $E_{Fi} = \left[\frac{\alpha}{2} + \frac{3}{4} k_B \ln\left(\frac{m_v}{m_c}\right) \right] T + \frac{\beta}{2}$ A.N. $E_{Fi}(300 \text{ K}) = 0,759 \text{ eV}$.