

Série de TD N° 3

Exercice 1

Montrer en utilisant la table de vérité :

- les théorèmes de DeMorgan pour 3 variables
- la distributivité de la somme logique par rapport au produit logique.

Exercice 2

En appliquant les propriétés de l'algèbre de Boole, montrer les relations suivantes :

$$a.b + b.c + a.c = (a+b).(b+c).(a+c)$$
$$(a + \bar{b} + a.\bar{b})(a.b + \bar{a}.c + b.c) = a.b + \bar{a}.\bar{b}.c$$

Exercice 3

Déterminer le complément de la fonction suivante :

$$f(a,b,c,d) = (b.\bar{c} + \bar{a}.d)(a.\bar{b} + c.\bar{d})$$

Exercice 4

Démontrer en utilisant la table de vérité les relations logiques suivantes :

- $a + b = a \oplus b \oplus ab = a \oplus \bar{a}b$
- $a \oplus (a + b) = \bar{a}b$
- $a \oplus ab = a\bar{b}$
- $(a \oplus \bar{b}) = a \oplus \bar{b} = \bar{a} \oplus b = ab + \bar{a}\bar{b} = (\bar{a} + b)(a + \bar{b})$

Exercice 5

Faire le schéma des fonctions suivantes avec les portes indiquées :

$$x = a(b + c) \text{ (3 portes NAND)}$$

$$y = a \oplus b \text{ (4 NAND à 2 entrées)}$$

Exercice 6

Soit la fonction $f(a,b,c)$ définie comme suivante :

$$f(a,b,c) = \begin{cases} 1 & \text{si le nombre de 1 dans la combinaison de } (a,b,c) \text{ est nombre impair} \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

- Etablir la table de vérité correspondante
- Donner l'expression algébrique de la fonction
- Réaliser le circuit de la fonction f avec le minimum de portes logiques

Exercice 7

Montrer algébriquement que

$$\overline{ab + bc + ac} = \bar{a}\bar{b} + \bar{b}\bar{c} + \bar{a}\bar{c}.$$

Vérifier à l'aide d'un tableau de Karnaugh.

Exercice 8

Représenter les expressions suivantes sous forme de :

- Table de vérité dans l'ordre naturel.
- Table de Karnaugh (en déduire si possible une forme simplifiée).

- Logigramme (schéma).

$$f1 = ab + a\bar{c}$$

$$f2 = \bar{a}bc + \bar{a}\bar{b}c + a\bar{b}c$$

$$f3 = \bar{a}bc + \bar{a}\bar{b}c + \bar{a}b\bar{c} + \bar{a}b + c$$

$$f4 = \bar{a}bc + \bar{a}b\bar{c} + \bar{a}bc$$

Exercice 9

Représenter les expressions suivantes :

- Sous la forme d'une table de Karnaugh
- Sous la première forme canonique
- Sous la deuxième forme canonique
- Sous forme simplifiée
- Sous forme d'un logigramme en n'utilisant que des portes NON-ET
- Sous forme d'un logigramme en n'utilisant que des portes NON-OU

$$E1 = (a + b)(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c})(a + c)$$

$$E2 = (a + d)(ab + ac)(\bar{a}c + b)$$

$$E3 = abc + \bar{a}bc + \bar{a}\bar{b}c$$

$$E4 = \bar{a}bc + \bar{a}b\bar{c} + \bar{a}bc$$

Exercice 10

Ecrire sous forme d'un produit des sommes l'expression suivante :

$$Y = ABC + DE + \bar{A}E$$

Exercice 11

Soit la TK de la fonction E, suivante :

cd \ ab	00	01	11	10
00	1	1	1	0
01	0	0	1	0
11	0	0	0	0
10	0	0	0	0

- Ecrire la première forme canonique de l'expression E.
- Ecrire la forme algébrique simplifiée de l'expression.
- Faire le câblage (logigramme) avec seulement des portes NON-OU.

Exercice 12

Soit les expressions Y suivantes :

- Les représenter sous forme de table de Karnaugh
- Les représenter sous forme minterme et maxterme
- Déterminer la forme simplifiée \bar{Y}

$$Y1 = \bar{a}bcd + acd + \bar{a}\bar{c}d$$

$$Y2 = \bar{c}d + \bar{a}cd + \bar{a}cd$$