



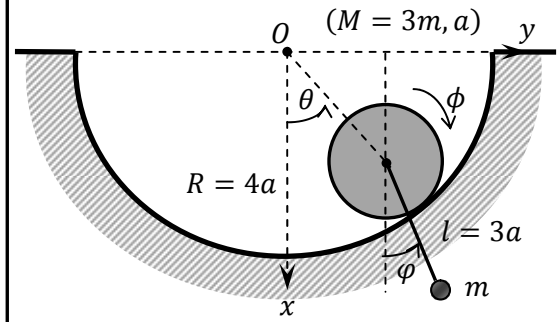
FACULTÉ DES SCIENCES EXACTES ET INFORMATIQUE  
**ÉPREUVE DE RATRAPAGE**



MODULE : MÉCANIQUE ANALYTIQUE.  
 DURÉE : 60 minutes.

Nom et Prénom :	Signature :	Note : /20
-----------------	-------------	------------

Un **cylindre plein** de masse  $M = 3m$  et de rayon  $a$  roule sans glisser, uniquement sous l'effet de son poids, à l'intérieur d'une cavité cylindrique de rayon  $R = 4a$  (figure ci-contre).  
 Nous fixons sur l'axe du cylindre un pendule simple constitué d'une tige rigide de longueur  $l = 3a$  et de masse négligeable à son extrémité se trouve une masse ponctuelle  $m$ .  
**La tige n'est pas solidaire au cylindre** (elle ne tourne pas avec le même angle) et les frottements avec l'air sont négligeable.



1. Ecrire la condition de roulement sans glissement. Quel est le nombre de degrés de liberté ?  
 .....  
 .....  
 .....
2. Ecrire la vitesse  $\vec{v}_m$  de la masse  $m$  et son module  $v_m$  dans le référentiel fixe  $(Oxy)$ .  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....

Cas des petites oscillations autour de l'équilibre : On prendra  $\cos(\theta - \varphi) \approx 1$  dans l'expression de  $v_m$ .



**Nom et Prénom :****Signature :**

5. En posant les solutions particulières de ces équations (dans le cas des petites oscillations) sous la forme :

$$q_1(t) = A_1 \cdot \sin(\omega \cdot t + \phi_1) \quad \text{et} \quad q_2(t) = A_2 \cdot \sin(\omega \cdot t + \phi_2)$$

Trouver les pulsations propres du système et les nommer.