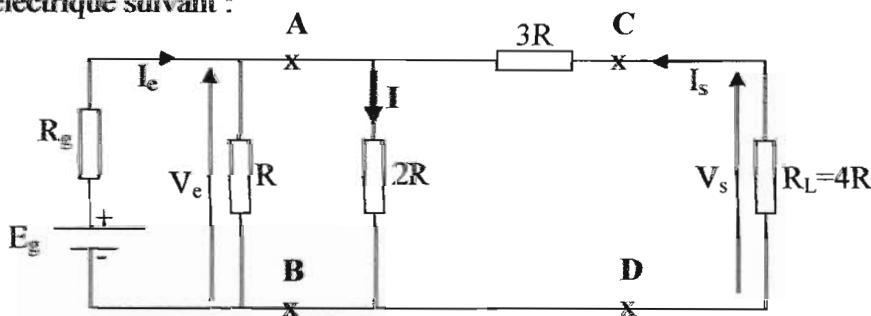


EMD – Date : 08/06/2019, Durée 1H30

Répondez au choix sur deux exercices :Exercice 1 (10 points):

Soit le schéma électrique suivant :

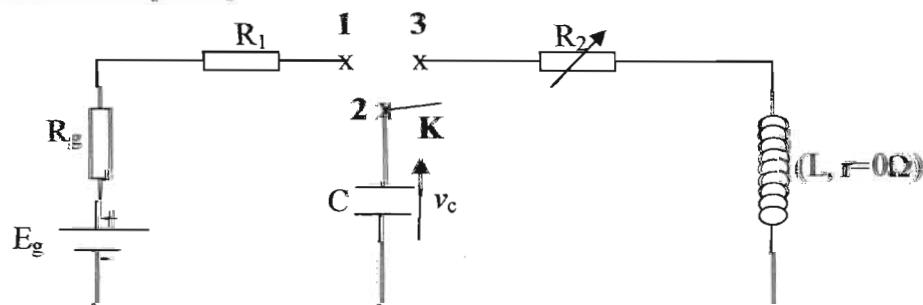


- 1) Indiquer par un dessin les trois différentes parties de circuit. (1)
- 2) Quel est le type du générateur de ce circuit. (1)
- 3) Indiquer les différents récepteurs de circuit. (1)
- 4) Calculer le générateur Thevenin (E'_{th} , R'_{th}) équivalent vu entre les deux points A et B. (2)
- 5) Calculer le courant qui circule dans la résistance (2R). (1)
- 6) Calculer le générateur Thevenin (E_{th} , R_{th}) équivalent vu entre les deux points C et D. (1)
- 7) Le circuit est-il adapté en puissance à R_L en sortie. (1)
- 8) Calculer la résistance équivalente (R_{eq}) de ce circuit (Sans la résistance interne du générateur R_g). (1)
- 9) Le générateur (E_g, R_g) est-il adapté en puissance à (R_{eq}) en entrée. (1)

Données : $R=10\text{ k}\Omega$, $E_g=20\text{ V}$ et $R_g=1\text{ k}\Omega$.Exercice 2 (10 points):

Soit le schéma électrique suivant :

On suppose que le condensateur C est initialement déchargé ($q(t=0)=0$), R_2 une résistance variable et que la bobine ($L, r=0\Omega$) est une bobine idéale ($r=0\Omega$).



- 1) On suppose que l'interrupteur K est entre les points 1 et 2.

- a) Trouver l'équation différentielle en fonction de la charge du condensateur $q(t)$. (1)
- b) Résoudre cette équation différentielle, en utilisant la condition initiale ($q(t=0)=0$). (1)
- c) Calculer $v_c(t)$ et $i_c(t)$. (1)
- d) Tracer qualitativement le graphe $v_c(t)$. Donner une méthode de calcul de la constante $\tau = (R_g + R_1)C$. (1)

2) On met l'interrupteur K est entre les points 2 et 3.

- a) Montrer que l'équation différentielle qui régit ce circuit s'écrit sous la forme :

$$\frac{d^2v_c}{dt^2} + \left(\frac{\omega_0}{Q}\right)\frac{dv_c}{dt} + \omega_0^2 v_c = A, \text{ les constantes } \omega_0, Q \text{ et } A \text{ à déterminer.} \quad (1)$$

- b) Que signifier les constantes ω_0 et Q . (1)

- c) Réécrire cette équation différentielle en fonction $q(t)$ sous la forme :

$$\frac{d^2q}{dt^2} + (2\delta)\frac{dq}{dt} + \Omega_0^2 q = 0, \text{ à préciser les constantes: } \delta \text{ et } \Omega_0. \quad (1)$$

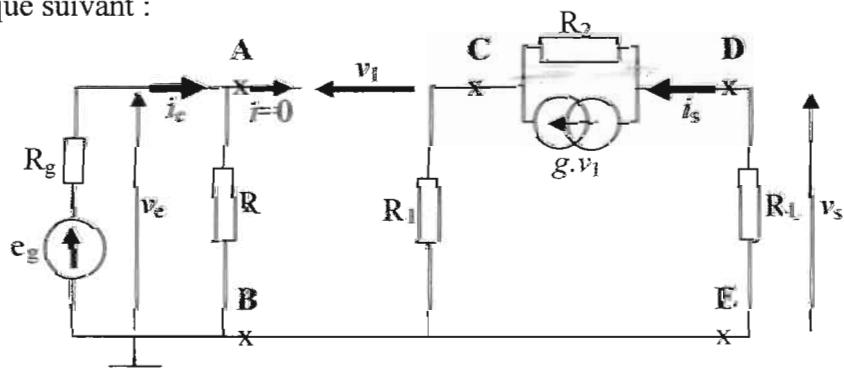
- d) Montrer que l'énergie totale emmagasinée dans (C et L) est conservée lorsque $R_2=0\Omega$. (1)

- e) Montrer que cette même énergie totale est décroissante lorsque $R_2 \neq 0\Omega$. (1)

- f) Tracer qualitativement les graphes de $q(t)$ dans les deux cas : lorsque ($R_2=0\Omega$) et ($R_2 \neq 0\Omega$). (1)

Exercice 3 (10 points):

Soit le schéma électrique suivant :



- 1) Indiquer par un dessin les trois différentes parties de circuit. (1)
- 2) Indiquer les sources liées et indépendantes dans ce circuit. (1)
- 3) Quel est le type de ce quadripôle (passif ou actif). Justifier votre réponse. (1)
- 4) Calculer le générateur Thevenin (e_{th} , R_{th}) équivalent entre A et B. (1)
- 5) Calculer le générateur de tension équivalent entre C et D. (1)
- 6) Dessiner le nouveau schéma simplifié équivalent. (1)
- 7) Calculer le générateur Thevenin (e_{th} , R_{th}) équivalent entre D et E. (2)
- 8) Calculer R_L pour assurer l'adaptation en puissance en sortie. (1)
- 9) Tracer qualitativement sur le même graphe les tensions $e_g(t)$ et $e_{th}(t)$. Conclure. (1)

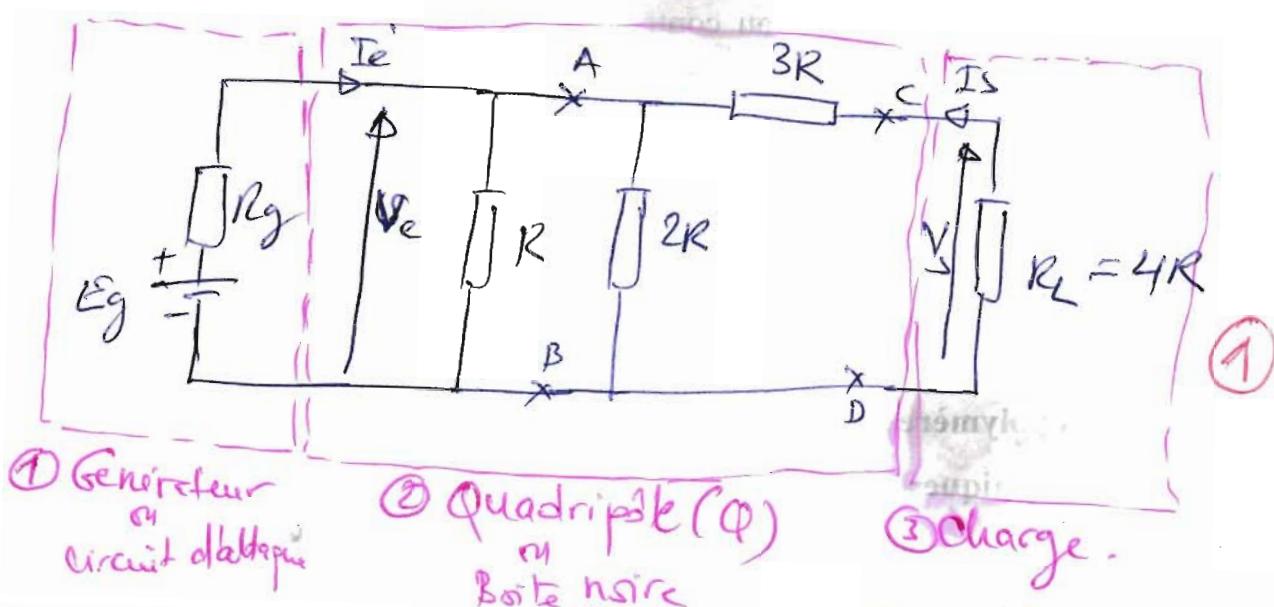
Données : $e_g = E_g e^{j\omega t}$, $R_g = 2\text{K}\Omega$, $R = 1\text{K}\Omega$, $R_1 = 0.2\text{K}\Omega$, $R_2 = 10\text{K}\Omega$, $g = 5\text{mA/V}$.

Bon courage

Corrigé type - Examens E.G 2018/2019
L2-Phys TC

Exon 1 (10 pts) :

① trois parties du circuit.

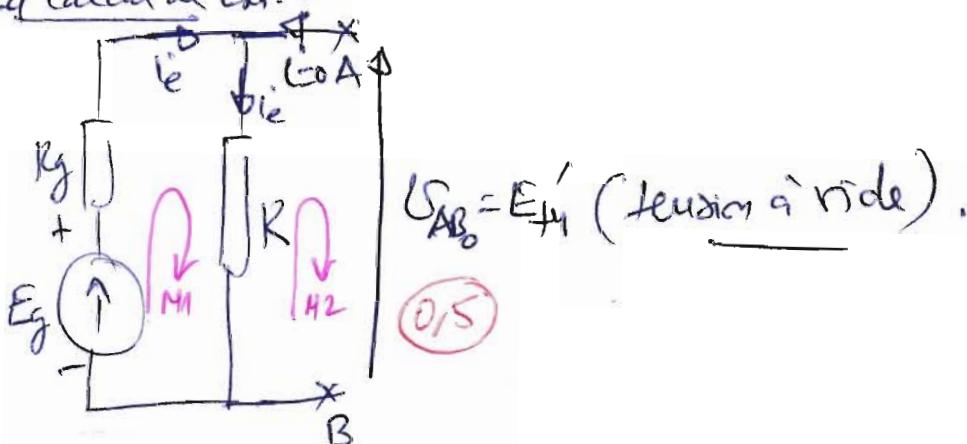


② Le générateur de ce circuit et générateur de tension continue. ①

③ Les différents récepteurs : $R, 2R, 3R, R_L$. ①

④ Calcul du générateur théorique (E_{th} , R_{th}) entre A et B

④ a calcul de E_{th} :



$$M1: -E_g + R_g i_e + R i_e = 0 \quad \left\{ \begin{array}{l} \\ \end{array} \right. \quad E_g = (R_g + R) i_e$$

$$M2: -R i_e + U_{AB} = 0 \quad \left\{ \begin{array}{l} \\ \end{array} \right. \quad U_{AB} = R i_e$$

$$\frac{U_{AB}}{E_g} = \frac{R}{R + R_g} \Rightarrow \frac{U_{AB}}{E_g} = \frac{R}{R + R_g} E_g \quad (\text{diviseur de tension})$$

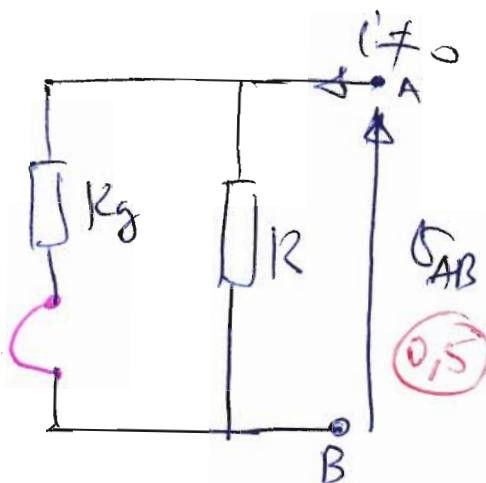
①

②

$$E_{th} = \frac{R}{R + R_g} E_g$$

$$E_{th}' = \frac{R}{R + R_g} E_g \quad AIN \quad E_{th}' = \frac{10}{10+1} \cdot 20 = \frac{200}{11} \Rightarrow E_{th}' = 18,18V$$

④-b Calcul R_{th}'



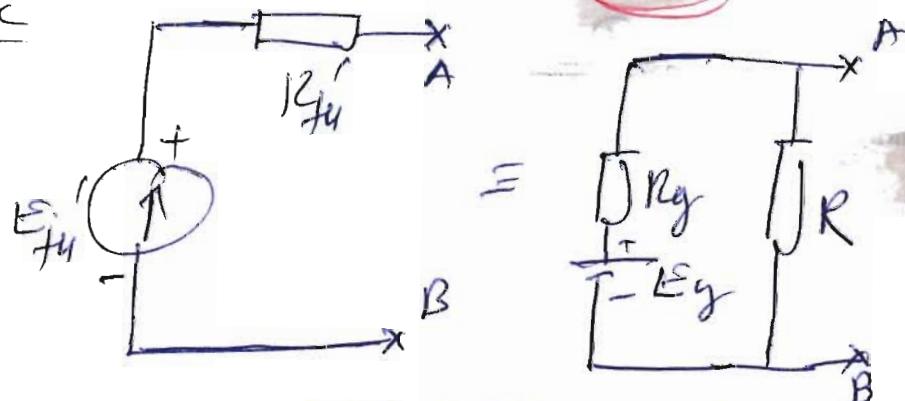
$R_{th}' = \frac{U_{AB}}{I}$, en neutralisant toutes les sources indépendantes

$$R_{th}' = R_g // R = \frac{R_g \cdot R}{R_g + R}$$

$$R_{th}' = \frac{R \cdot R_g}{R + R_g}$$

$$AIN \quad R_{th}' = \frac{10 \cdot 1}{10+1} = \frac{10}{11} \quad R_{th}' \approx 0,91 K\Omega$$

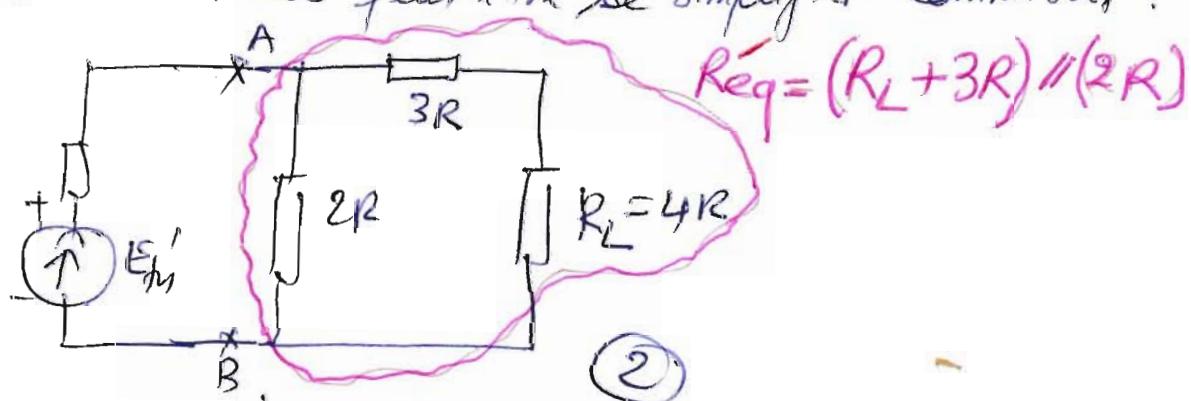
donc



$$\text{avec } \begin{cases} E_{th}' = 18,18V \\ R_{th}' = 0,91 K\Omega \end{cases}$$

⑤ Calcul du courant qui circule dans $(2R)$

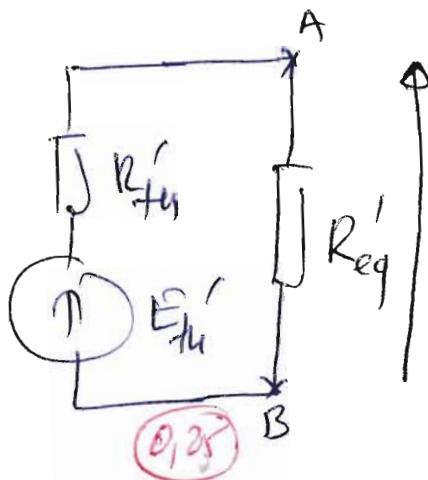
Le circuit donné peut être simplifié comme suit :



$$R_{eq}' = (R_L + 3R) // (2R) = (4R + 3R) // (2R) = (7R) // (2R)$$

$$R_{eq}' = \frac{(7R) \times (2R)}{(7R) + (2R)} = \frac{14R^2}{9R} = \frac{14R}{9} = \frac{14 \times 10}{9} = 15,55 \text{ k}\Omega$$

$$R_{eq}' = 15,55 \text{ k}\Omega \quad (0,25)$$



$$U_{AB} = \frac{R'_{eq} + R'_{th}}{R'_{eq}} E'_{th} \quad (\text{diviseur de tension})$$

$$U_{AB} = \frac{15,55 + 0,91}{15,55} \cdot 18,18$$

$$U_{AB} = 19,24 \text{ V}$$

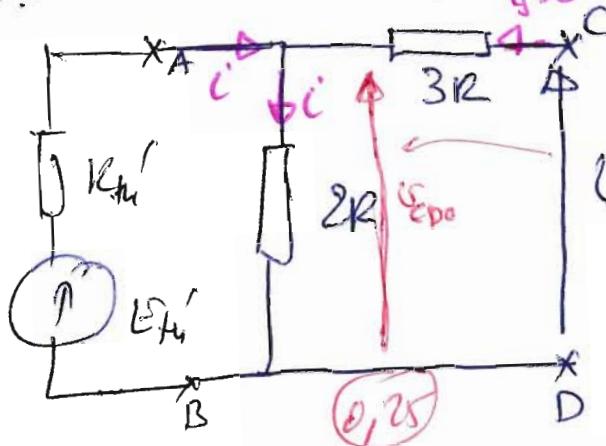
Aussi $U_{AB} = (2R) \cdot I$ (loi d'Ohm) donc:

$$I = \frac{U_{AB}}{2R}, \quad A.N.: \quad I = \frac{19,24}{2 \times 10} = \frac{19,24}{20}$$

$$I = 0,96 \text{ mA}$$

6) Calcul du générateur thévenin (E'_{th} , R'_{th}) en sortie:

6.a) $E'_{th} = ?$ le schéma simplifié est:



$$U_{CD} = E'_{th} = \frac{3R}{2R + R'_{th}} E'_{th} \quad (\text{diviseur de tension})$$

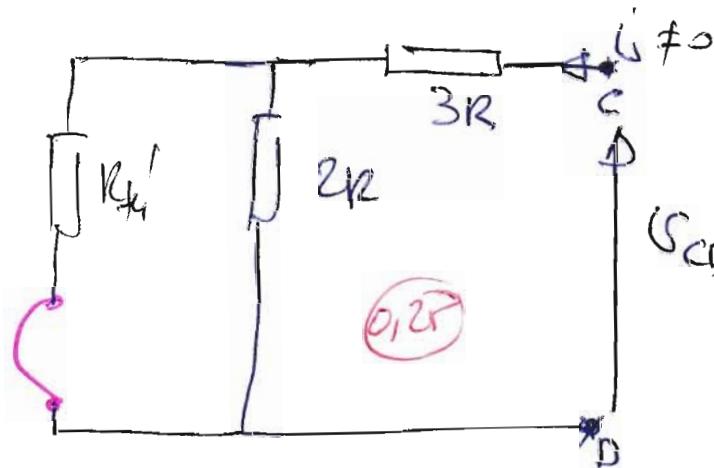
(3)

$$V_{CD_0} = \frac{2R}{2R + R_{Th}} \cdot E_{Th} \quad , \quad \text{AN: } V_{CD_0} = E_{Th} = \frac{20}{20+991} \cdot 18,18$$

$$E_{Th} = V_{CD_0} = \frac{20}{20,91} \cdot 18,18$$

$$E_{Th} \approx 17,34 \text{ V}$$

(6b) $R_{Th} = 2$



$$(S_{CD}) \rightarrow R_{Th} = \frac{(S_{CD})}{(j)} \Big|_{j=0}$$

en ne traçant toute
la source, la dépendante

$$R_{Th} = (3R) + (2R // R_{Th}')$$

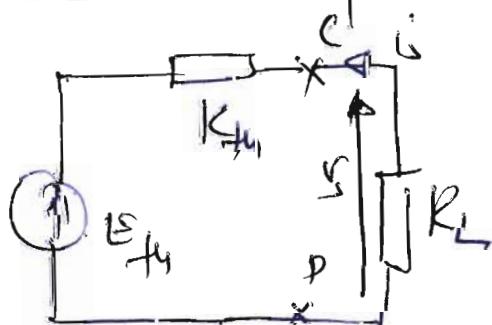
$$R_{Th} = 3R + \frac{2R \times R_{Th}'}{2R + R_{Th}'}$$

AN: $R_{Th} = 3 \times 10 + \frac{20 \times 0,91}{20 + 0,91}$

$$= 30 + \frac{20 \times 0,91}{20,91} = 30,87 \text{ k}\Omega$$

$$R_{Th} = 30,87 \text{ k}\Omega$$

Donc le circuit équivalent en sortie est:



(4)

⑦ le circuit n'est pas adapté au puissance à $R_L = 4R$

puisque $\left\{ \begin{array}{l} R_L = 4R = 40 \text{ k}\Omega \\ \text{et} \\ R_{Th} = 30,87 \text{ k}\Omega \end{array} \right.$; $R_L \neq R_{Th}$

⑧ Calcul de la résistance équivalente du circuit (dans R_g)

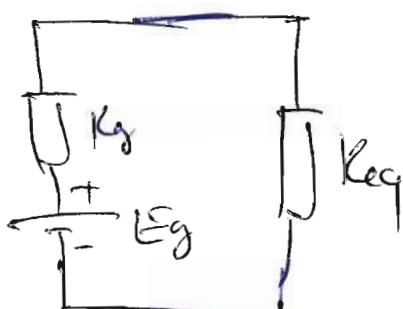
$$R_{eq} = R // (2R) // (3R + R_L)$$

$$R_{eq} = \left(\frac{R \cdot 2R}{R + 2R} \right) // (7R) = \frac{2R^2}{3R} // (7R) = \frac{2R}{3} // (7R)$$

$$R_{eq} = \frac{\frac{2}{3} \times 7 \cdot R^2}{(\frac{2}{3} + 7)R} = \frac{\frac{14}{3} \cdot R}{\frac{23}{3}} = \frac{14}{23} \cdot R$$

$$R_{eq} \approx 6,08 \text{ k}\Omega$$

Donc le circuit équivalent en entrée n'est



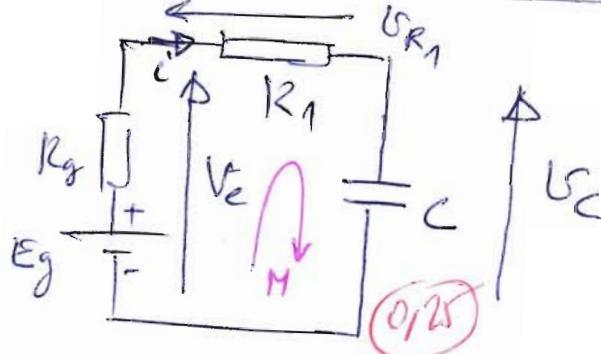
⑨ Le générateur (E_g, R_g) n'est adapté au puissance à R_{eq} (en entrée) puisque

$$\left\{ \begin{array}{l} R_g = 1 \text{ k}\Omega \\ \text{et } R_{eq} = 6,08 \text{ k}\Omega \\ R_g \neq R_{eq} \end{array} \right.$$

Exo N°2.

1) Interrupteur K est entre les points 1 et 2 :

1g)



$$\left. \begin{array}{l} i = \frac{dq}{dt} : \text{charge du condensateur} \\ C = \frac{q}{U_C} \Rightarrow U_C = \frac{q}{C} \end{array} \right\}$$

L'équation de la maille M : $-E_g + R_g i + R_1 i + U_C = 0$

$$U_C + (R_g + R_1) i = E_g, \text{ remplaçant } i = \frac{dq}{dt} \text{ et } U_C = \frac{q}{C}$$

$$\frac{q}{C} + (R_g + R_1) \frac{dq}{dt} = E_g \rightarrow \frac{dq}{dt} + \frac{1}{(R_g + R_1)C} \cdot q = \frac{E_g}{R_g + R_1}$$

Posons $\dot{q} = \frac{dq}{dt}$.

L'équation différentielle :

$$(E) \boxed{\dot{q} + \frac{1}{(R_g + R_1)C} \cdot q = \frac{E_g}{R_g + R_1}} \rightarrow \text{posm } Z = (R_g + R_1)C.$$

$$\boxed{\dot{q} + \frac{1}{Z} q = \frac{E_g}{R_g + R_1}} \dots (E) : (\text{équation diff de } 1^{\text{ère}} \text{ ordre}).$$

1b) Résolution de l'équation différentielle (E) (Méthode de la variation de la constante).

La solution de l'équation (E) est $q(t) = q_H(t) + q_p(t)$

$q_H(t)$: solution homogène (sans second membre) O/R

$q_p(t)$: solution particulière de (E).

(1)

$$\underline{q_H(t) = ?}$$

$$\begin{aligned}
 \dot{q} + \frac{1}{2} q = 0 &\Rightarrow \frac{dq}{dt} + \frac{1}{2} q = 0 \Rightarrow \frac{dq}{dt} = -\frac{1}{2} q \\
 &\Rightarrow \frac{dq}{q} = -\frac{1}{2} dt \Rightarrow \int \frac{dq}{q} = -\frac{1}{2} \int dt \\
 &\Rightarrow \ln(q) = -\frac{1}{2} t + A, \quad A: \text{constante.} \\
 &\Rightarrow |q| = e^{\frac{1}{2}(-t+A)} \Rightarrow q(t) = \underbrace{e^A}_{k} \cdot e^{-\frac{1}{2}t} \\
 &\Rightarrow \boxed{q_H(t) = k \cdot e^{-\frac{1}{2}t}} \quad \textcircled{Q25}
 \end{aligned}$$

$q_p(t)$: méthode de la variation de la constante $k = k(t)$

$q_p(t)$ est de la forme $q(t) = k(t) \cdot e^{-\frac{t}{2}}$ solution de (E)

$$\dot{q}_p(t) = k'(t) \cdot e^{-\frac{t}{2}} - \frac{1}{2} k(t) \cdot e^{-\frac{t}{2}}$$

remplaçant $q(t)$ et $\dot{q}_p(t)$ dans (E):

$$k'(t) \cdot e^{-\frac{t}{2}} - \frac{1}{2} k(t) \cdot e^{-\frac{t}{2}} + \frac{1}{2} k(t) \cdot e^{-\frac{t}{2}} = \frac{E_g}{R_g + R_1}$$

$$k'(t) = \frac{E_g}{R_g + R_1} \cdot e^{\frac{t}{2}} \Rightarrow k(t) = \frac{E_g}{R_g + R_1} \int e^{\frac{t}{2}} dt$$

$$\Rightarrow k(t) = \frac{E_g}{R_g + R_1} \cdot 2 \cdot e^{\frac{t}{2}}$$

$$q_p(t) = k(t) \cdot e^{-\frac{t}{2}} = \frac{E_g}{R_g + R_1} \cdot 2 \cdot e^{\frac{t}{2}} \cdot e^{-\frac{t}{2}} \Rightarrow q_p(t) = \frac{E_g \cdot 2}{R_g + R_1}$$

②

$$q_p(t) = \frac{Eg \cdot T}{R_g + R_1} \cdot \frac{Eg}{R_g + R_1} \cdot (R_g + R_1) \cdot C = Eg \cdot C \Rightarrow q_p(t) = Eg \cdot C$$

donc $q(t) = q_H(t) + q_p(t) \Rightarrow q(t) = k \cdot e^{-\frac{t}{T}} + Eg \cdot C$

En utilisant la condition initiale $q(t=0)=0$:

$$q(t=0) = k + Eg \cdot C = 0 \Rightarrow k = -Eg \cdot C$$

donc la solution $q(t) = Eg \cdot C \left[1 - e^{-\frac{t}{T}} \right]$

(Q, 25)

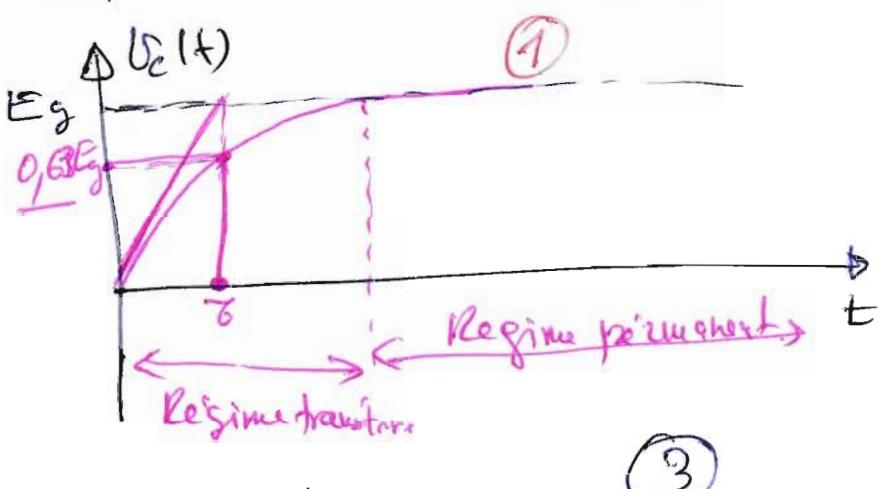
1c) Calcul de $U_C(t)$ et $I_C(t)$:

$$*) U_C(t) = \frac{q}{C} \Rightarrow U_C(t) = Eg \left[1 - e^{-\frac{t}{T}} \right] \quad (Q, 5)$$

$$**) I_C(t) = \frac{dq}{dt} = \dot{q}(t) = Eg \cdot C \left[0 + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} e^{-\frac{t}{T}} \right] = \frac{Eg \cdot C}{2} e^{-\frac{t}{T}}$$

$$\dot{q}(t) = \frac{Eg \cdot C}{(R_1 + R_2)C} \cdot e^{-\frac{t}{T}} \Rightarrow I_C(t) = \frac{Eg}{R_1 + R_2} e^{-\frac{t}{T}} \quad (Q, 5)$$

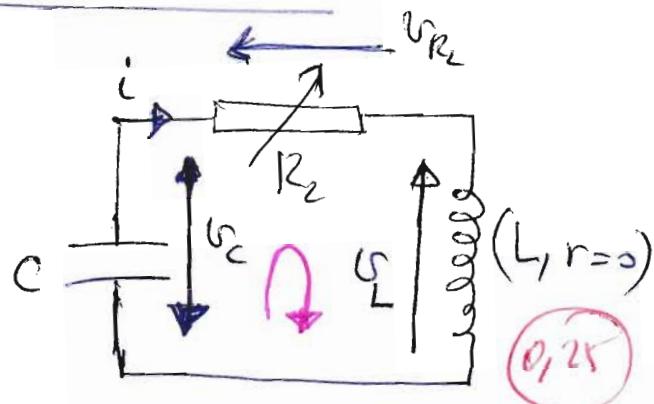
d) graphe $U_C(t)$, comment on calcul T :



$$U_C(t) = Eg \left[1 - e^{-\frac{t}{T}} \right]$$

$$U_C(2) = 0,63 Eg$$

2) Interrupteur K entre 2 et 3



C_1, R_2, L sont des récepteurs.

2-a) Équation différentielle,

équation de la maille : $V_C + V_{R_2} + V_L = 0 \dots \textcircled{1}$

on a $V_C = \frac{q}{C} \Rightarrow q = C \cdot V_C \Rightarrow \frac{dq}{dt} = i = C \frac{dV_C}{dt}$
 $\Rightarrow i = C \frac{dV_C}{dt}$

l'équation \textcircled{1} devient : $V_C + R_2 i + L \frac{di}{dt} = 0$

$$V_C + R_2 C \frac{dV_C}{dt} + L \frac{d}{dt} \left(C \frac{dV_C}{dt} \right) = 0$$

$$V_C + R_2 C \frac{dV_C}{dt} + LC \frac{d^2 V_C}{dt^2} = 0$$

$$\frac{d^2 V_C}{dt^2} + \frac{R_2}{L} \frac{dV_C}{dt} + \frac{1}{LC} V_C = 0$$

0,25

Posons $\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$

donc $\frac{\omega_0}{Q} = \frac{R_2}{L}$

$$Q = \frac{1}{\sqrt{LC}} \cdot \frac{L}{R_2} = \sqrt{\frac{L^2}{LC}} \cdot \frac{1}{R_2} \Rightarrow Q = \sqrt{\frac{L}{C} \cdot \frac{1}{R_2}}$$

: facteur de qualité

donc : $\omega_0^2 = \frac{1}{LC}, Q = \frac{\omega_0 L}{R_2} = \sqrt{\frac{L}{C} \cdot \frac{1}{R_2}}; A = 0$

0,25

(4)

$$2\text{b}) \quad \omega_0^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} : \text{ pulsation propre} \quad (0,1)$$

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R_2} : \text{ facteur de qualité} \quad (0,1)$$

2-c) Équation différentielle en $q(t)$: $\ddot{v}_c = \frac{q}{C} \Leftrightarrow q = C \cdot v_c$ (0,2)

$$\frac{d^2 v_c}{dt^2} + \frac{R^2}{L} \frac{dv_c}{dt} + \frac{1}{LC} v_c = 0$$

$$\boxed{\frac{d^2}{dt^2}\left(\frac{q}{C}\right) + \frac{R^2}{L} \cdot \frac{d}{dt}\left(\frac{q}{C}\right) + \frac{1}{LC} \left(\frac{q}{C}\right) = 0} \quad (0,2)$$

$$\frac{1}{C} \left[\frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{R^2}{L} \frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC} q \right] = 0 \Rightarrow \ddot{q} + \frac{R^2}{L} \dot{q} + \frac{1}{LC} q = 0$$

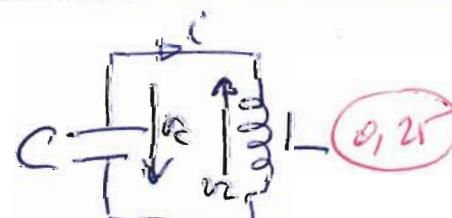
avec $\ddot{q} = \frac{d^2 q}{dt^2}$, $\dot{q} = \frac{dq}{dt}$

$$\ddot{q} + 2\zeta \dot{q} + \Omega_0^2 q = 0. \quad (0,2)$$

par comparaison: $2\zeta = \frac{R^2}{L}$; $\Omega_0^2 = \frac{1}{LC}$

donc $\boxed{\zeta = \frac{R_2}{2L}, \quad \Omega_0^2 = \omega_0^2 = \frac{1}{LC}} \quad (0,2)$

2-d): Énergie emmagasinée dans (C et L) lorsqu' $\omega R_2 = 0$



lorsque $R_2 = 0$: l'équation devient: $\ddot{q} + \Omega_0^2 q = 0$.
 $\ddot{q} + \omega_0^2 q = 0$, $\Omega_0 = \omega_0$.

$$E_t = E_e + E_m = \frac{1}{2} C v_c^2 + \frac{1}{2} L i^2 \quad ; \quad i_C = i_L = i \quad (0,2)$$

~~en remplaçant $v_c = \frac{q}{C}$ et $i = \frac{dq}{dt}$ dans E_t .~~

$$\begin{aligned}\frac{dE_t}{dt} &= C v_c \cdot \dot{v}_c + L i \dot{i} = C v_c \frac{dv_c}{dt} + L i \frac{di}{dt} \\ &= v_c \underbrace{\left(C \frac{dv_c}{dt} \right)}_i + L i \frac{di}{dt} = v_c i + L i \frac{di}{dt} \\ &= i \left(v_c + L \frac{di}{dt} \right).\end{aligned}$$

$$\frac{dE_t}{dt} = i \left(\frac{q}{C} + L \frac{d}{dt} \left(\frac{dq}{dt} \right) \right) = i \left(\frac{q}{C} + L \frac{d^2 q}{dt^2} \right) = ?$$

En utilisant l'équation diff du circuit $\ddot{q} + \omega_0^2 q = 0$

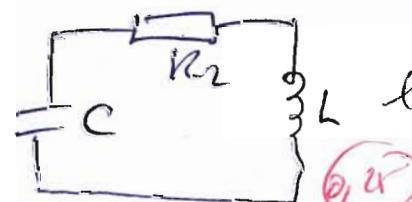
$$\ddot{q} + \frac{1}{LC} q = 0 \Rightarrow L \ddot{q} + \frac{1}{C} q = 0$$

$$\Rightarrow \boxed{L \frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{1}{C} q = 0}$$

$$\frac{dE_t}{dt} = i \left(L \frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{q}{C} \right) = 0 \Rightarrow \boxed{E_t(t) = \text{cte}}.$$

donc lorsque $R_2 = 0$ (pas d'effet résistif),
chaque énergie dans C et L est conservée.

2-e) Montrer E_t sera décroissante lorsque $R_2 \neq 0$



$$\text{équation } \ddot{q} + 2\zeta \dot{q} + \omega_0^2 q = 0$$

$$\boxed{\frac{dE_t}{dt} = i \left(L \frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{q}{C} \right)}.$$

l'équation diff : $\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{R_2}{L} \frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC} q = 0$.

↓

$$\left(L \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{q}{C} \right) + R_2 \frac{dq}{dt} = 0$$

$$i \underbrace{\left(L \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{q}{C} \right)}_{\frac{dE_t}{dt}} + R_2 i \frac{dq}{dt} = 0 \quad (0,25)$$

donc $\frac{dE_t}{dt} = i \left(L \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{q}{C} \right) = -R_2 i \frac{dq}{dt}$; $\frac{dq}{dt} = i$

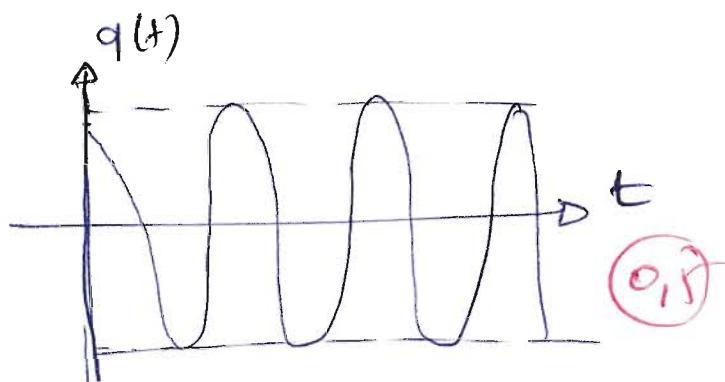
↓

$$\frac{dE_t}{dt^2} = -R_2 i^2 < 0 \quad (0,15)$$

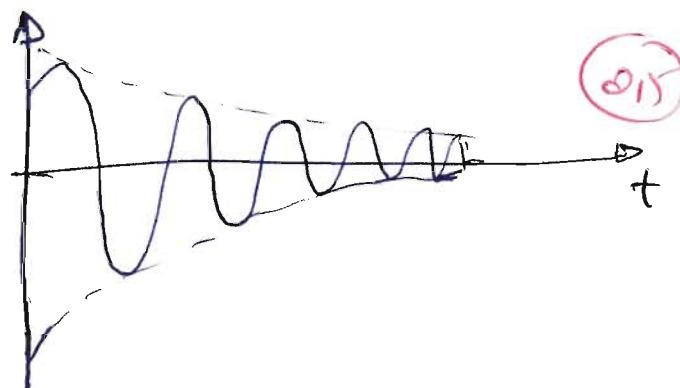
donc l'énergie totale E_t est de réssante

2-f) graphique

$R_2 = 0$



$R_2 \neq 0$

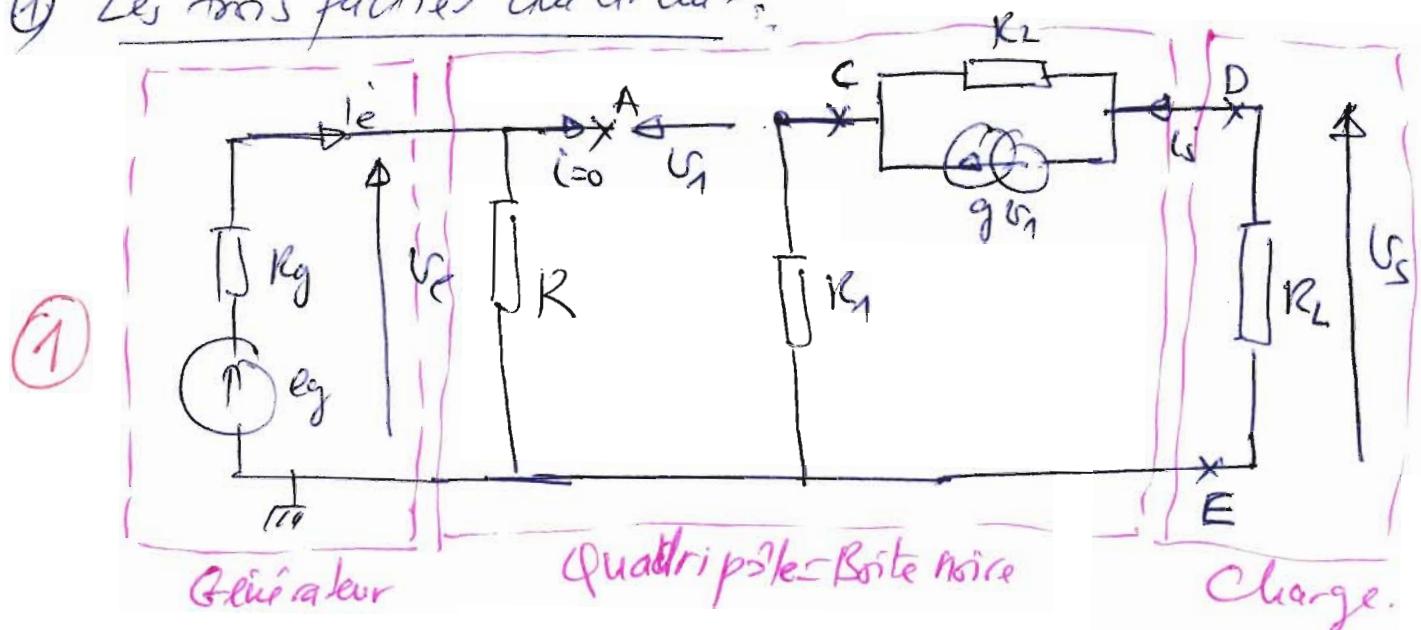


(7)

fin

Exo N°3 (10 points)

① Les trois parties du circuit.



② Les sources liées :

a) 1 source

: générateur de courant contrôlé par la tension V_1 .
015

b) 1 source indépendante

: générateur de tension.
015

③ Le type de ce quadrupôle est quadrupôle actif car il contient une source contrôlée (Composé actif).
015

④ Générateur équivalent (R_{th} , R_{th}^f) entre A et B :

4-9) R_{th}^f :

$$\text{R}_{th}^f = \frac{V_{ABf}}{V_{AB0}} = \frac{R}{R_g + R} \cdot R_g \quad (\text{diviseur de tension}).$$

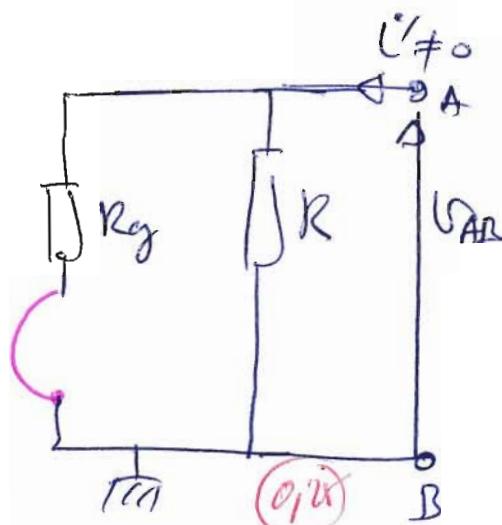
$$\text{R}_{th}^f = \frac{R}{R_g + R} \cdot R_g = \frac{1}{2+1} \cdot R_g = \frac{1}{3} R_g.$$

①

$$E_{th}' = \frac{1}{3} E_{go} e^{j\omega t}$$

(volt).

4-b) $R_{th}' = ?$



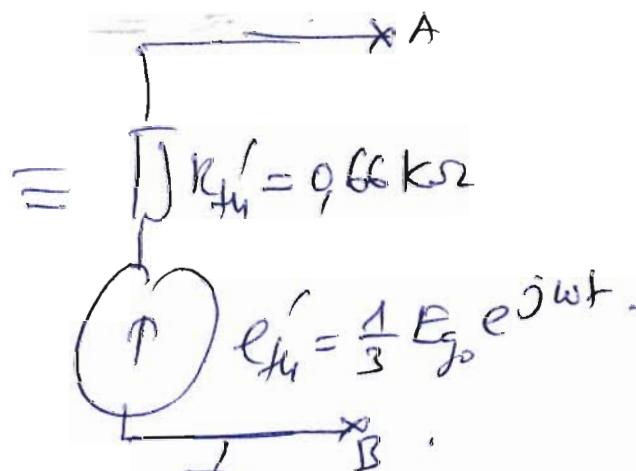
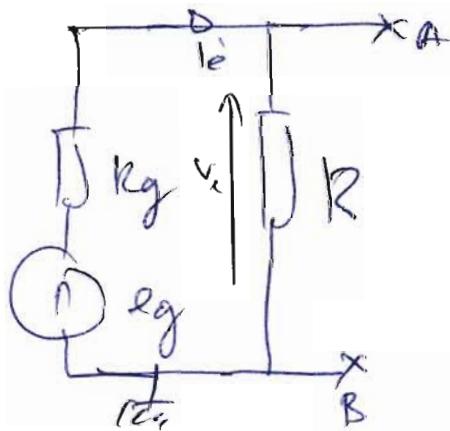
$R_{th}' = \frac{V_{AB}}{i'}$, en neutralisant
i' si on teste les
points respectifs

$$R_{th}' = R // R_g = \frac{R \cdot R_g}{R + R_g}$$

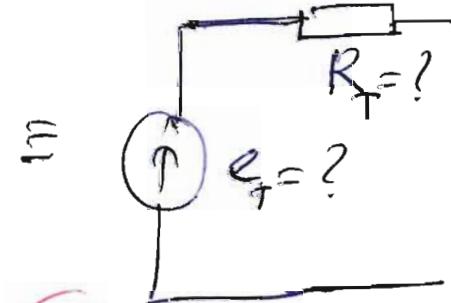
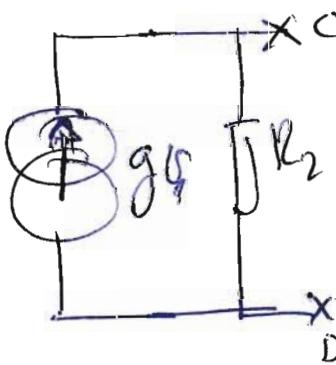
$$A_{IN} = R_{th}' = \frac{2 \times 1}{2 + 1} = \frac{2}{3} K\Omega$$

$$R_{th}' = 0,66 K\Omega$$

Donc le circuit équivalent est
(entre A et B)



⑤ Générateur de tension équivalent à cet D.

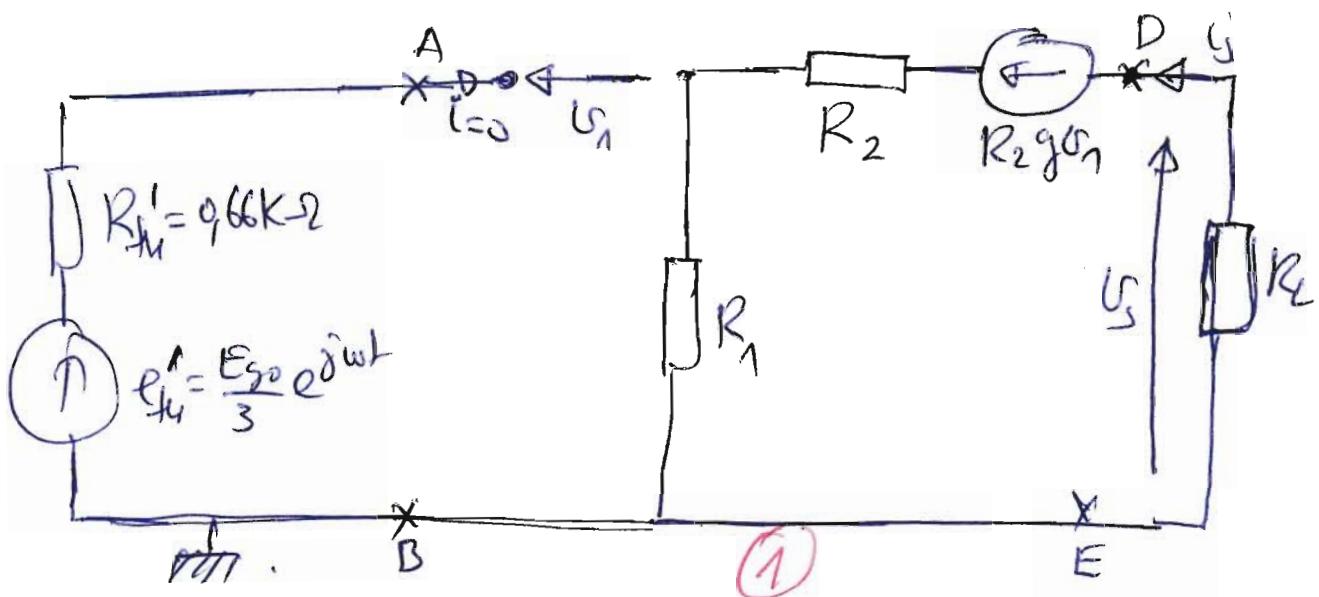


$$E'_{th} = R_2 g_{go}$$

$$R'_{th} = R_2$$

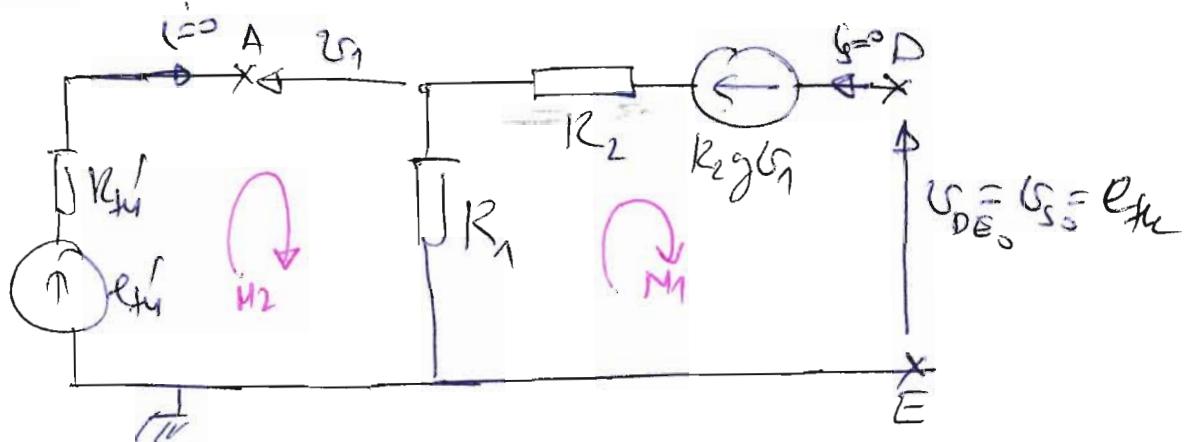
(015)

⑥ Schéma simplifié équivalent



7) Calculer l'heure (e_{th} , R_{th}) entre Det E.

7-a) e_{th} :



$$e_{th} = U_{DE0} = U_{S0} \quad (\text{tension de sortie à vide})$$

$$\begin{aligned} \text{(M1): } & -R_1 i - R_2 g U_S + R_2 g U_1 + U_{S0} = 0 & \left\{ U_{S0} = -R_2 g U_1 \right. \\ \text{(M2): } & -e_{th}^1 + R_{th}^1 i + U_1 + R_2 g U_S = 0 & \left. \left\{ e_{th}^1 = U_1 \right. \right. \end{aligned}$$

$$\text{donc } U_{S0} = -R_2 g e_{th}^1 \Rightarrow e_{th} = U_1 = -R_2 g \cdot \frac{E_{S0}}{3} e^{j\omega t}$$

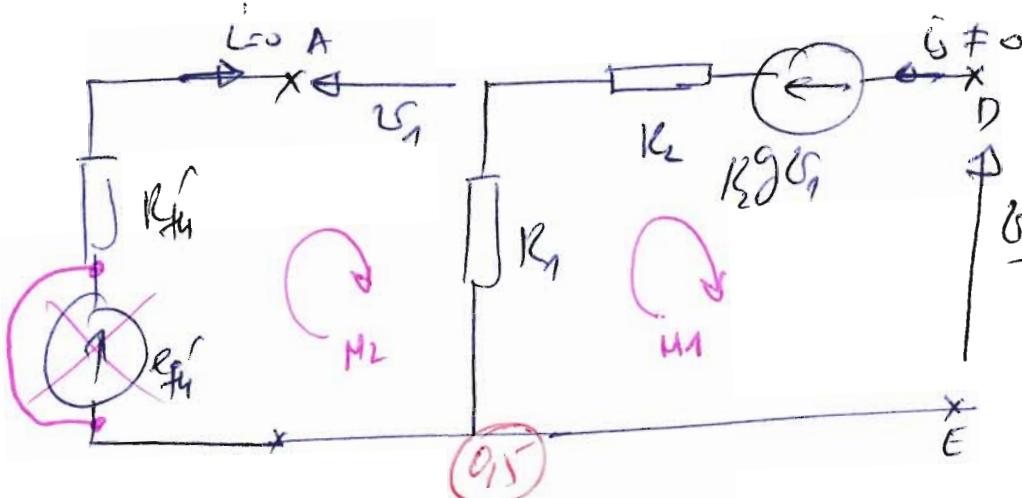
$$\boxed{e_{th} = -\frac{1}{3} g R_2 E_{S0} e^{j\omega t} \text{ (volt)}} ; -1 = e^{j\pi}$$

(3)

$$e_{th} = \frac{1}{3} g R_2 E_{go} e^{j(\omega t + \pi)} \text{ volt}$$

A.N : $e_{th} = \frac{1}{3} \cdot 5 \cdot 10^3 \cdot j(\omega t + \pi) \Rightarrow e_{th} = 16,66 \cdot E_{go} e^{j(\omega t + \pi)} \text{ volt}$

(0,5)



$R_{th} = \frac{U_s}{I_s}$
En neutralisant
les sources indépendantes.

M1: $-R_1 i + R_2 i + R_2 g U_1 + U_s = 0$

M2: ~~$R_{th} i + U_1 + R_1 i = 0 \Rightarrow U_1 = -R_1 i$~~ ... (3)

(3) $\Delta M1: -(R_1 + R_2) i + R_2 g (-R_1 i) + U_s = 0$

$-(R_1 + R_2 + g R_2 R_1) i + U_s = 0$

$U_s = (R_1 + R_2 + g R_2 R_1) i \Rightarrow R_{th} = \frac{U_s}{i} = R_1 + R_2 + g R_2 R_1$

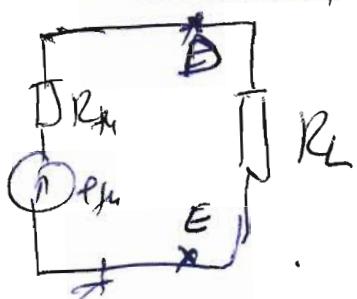
$R_{th} = R_1 + R_2 + g R_2 R_1$

(0,25)

A.N: $R_{th} = 9,2 + 10 + 5 \cdot 0,2 \cdot 10$

(0,15) $R_{th} = 20,2 \text{ k}\Omega$

Donc le circuit équivalent à l'entrée (entre D et E)



avec $e_{th} = 16,66 \text{ e.s.}$ et $R_{th} = 20,2 \text{ k}\Omega$

(4)

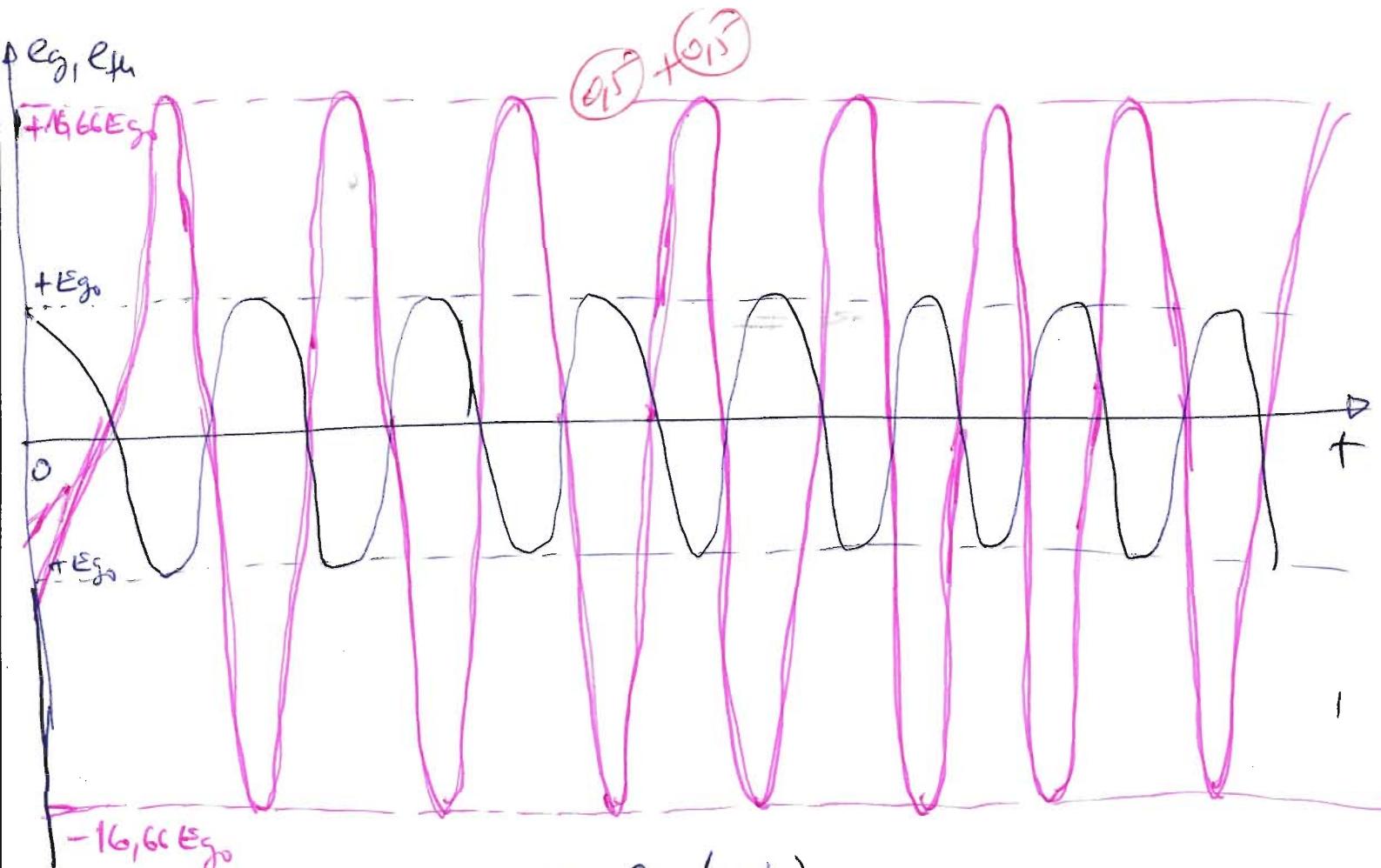
8) Calcul de R_L pour que le circuit sera adapté en puissance de sortie ; et fait que : $R_L = R_H$

$$R_L = 20,2 \text{ k}\Omega$$

9) Graphie de e_g et e_H sur le même graphique :

$$e_g = E_{g_0} e^{j\omega t}$$

$$e_H = 16,66 E_{g_0} e^{j(\omega t + \pi)}$$



$$\left. \begin{array}{l} e_g = E_{g_0} \cos(\omega t) \\ e_H = 16,66 E_{g_0} \cos(\omega t + \pi) \end{array} \right\}$$